

# **חוברת תרגול, העמקה והרחבה لتלמידי כיתה ט'- רמה מוגברת**

"המקום היחיד בו הצלחה מגיעה לפניהם העבודה הוא במלון.  
עבודה קשה היא המחר שאנחנו צריכים לשלם כדי להצליח.  
אני מאמין שאדם יכול להשיג הכל.  
רק במידה והוא מוכן לשלם את מחיר ההשכלה"  
וינס לומברדי

## תוכן

1.	פונקציות	עמוד 3
2.	טכנית אלגברית	עמוד 17
3.	בעיות מילוליות	עמוד 32
4.	הוכחת מושלמים	עמוד 47
5.	הוכחת מרובעים	עמוד 51
6.	שאלות נוספת בגאומטריה	עמוד 58
7.	שאלות אנטגרטיביות	עמוד 65
8.	דף נסחאות	עמוד 71
9.	דף משפטי	עמוד 72



# תרגול בנושא פונקציות

## פונקציית הקו הימני

שאלה 1:

הצלעות של המרובע **ABCO** מונחות על: ציר ה- $x$ , הישר  $x = a$ , הישר  $y = x - 5$ , הימני

$$y = x - 5 \quad a > 5, \quad x=a$$

א. איזה מרובע הוא **ABCO**? נמקו.

ב. חיוו ערך מתאים לפרמטר  $a$  וציין את

שיעוריו הקדוקודים: **A, B, C, D**

על פי ערך ה-  $a$  שקבעתם:

ג<sub>1</sub>. חשבו את שטח המשולש **ABD**

ג<sub>2</sub>. חשבו את שטח המשולש **ADC**

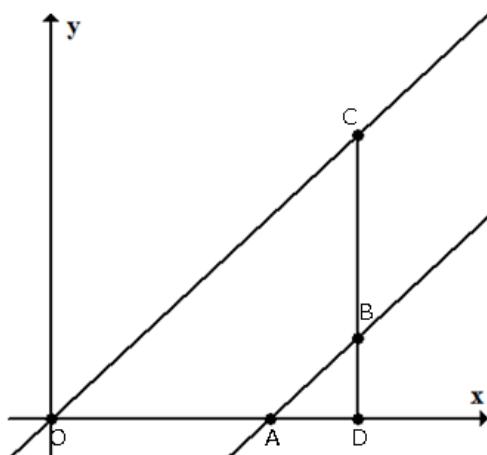
ג<sub>3</sub>. חשבו את שטח המרובע **ABCO**

ד. מצאו את הערך של  $a$  אם ידוע ששטח

המרובע **ABCO** שווה 22.5 יחידות ריבועיות.

הציגו את דרך הפתרון.

תשובה : א) טרפז  $D(a=7)$



### שאלה 2:

לפניכם מערכת צירים וعليה שני גרפים של שתי פונקציות קוויות.

הנקודות A, B מונחות על הגרפים. הנקודה C

היא נקודת החיתוך של הגרפים.

א. הסבירו מדוע  $AB = BC$

ב. כתבו את משוואות הפונקציות הקוויות:

\_\_\_\_\_ , \_\_\_\_\_

ג. סמן נקודה D כך שיתקבל מעין ABCD.

כתבו את שיעורי הנקודה D.

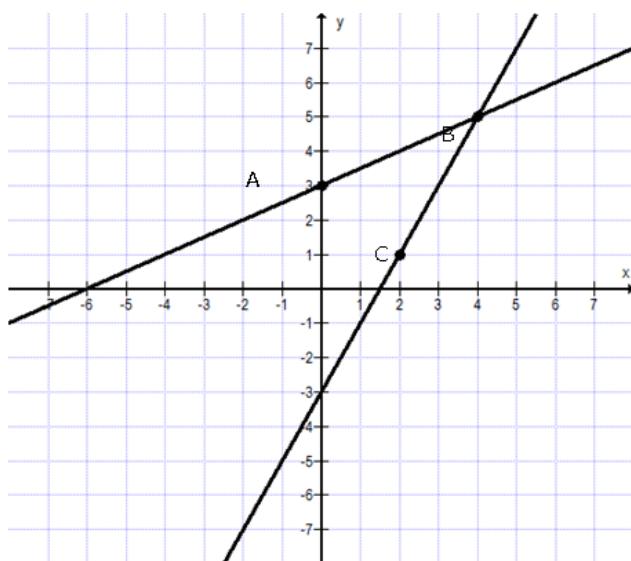
ד. כתבו את משוואות הפונקציות הקוויות עליהן

מונחים הקטועים AD, CD, \_\_\_\_\_ , \_\_\_\_\_

ה. העבירו את האלכסונים BD, AC וראו

שמכפלת השיפועים של הישרים עליהם

מונחים האלכסונים שווה. -1-



$$\text{תשובה: (ב)} \quad 3+y=2x-3, \quad y=0.5x-3$$

### שאלה 3:

נתונות שתי פונקציות קוויות.

$$| 2x + y = 8 \quad (2) \quad | 2x = x - y \quad (1)$$

א. התאים לכל פונקציה את הישר המתאר אותה.

נק א תשובתך.

ב. מצא את שיעורי הנקודות: A, B, C, D ו-E.

הסביר כל שלב בפתרון

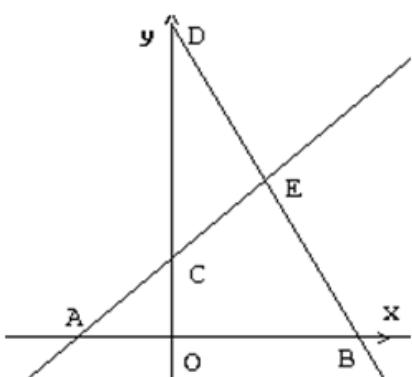
ג. מצא את שטחיו המושלמים :

$$\Delta AOC, \Delta CDE, \Delta ABE.$$

הסביר את כל חישוביך.

ד. מצא את שטח המרובע OCEB .

הסביר את חישוביך. (רמז: ניתן להיעזר בסעיף ג')



$$\text{תשובה: (א)} \quad 8=AE: \quad y-x=2, \quad DB \quad 2x+y$$

$$(0,8)(-2, 0) \quad D \circ \circ B(4,0) \quad E(2,4) \quad C(0,2)$$

$$(g) \quad 2 \text{ ימ"ר}, \quad 6 \text{ ימ"ר}, \quad 12 \text{ ימ"ר}$$

$$(d) \quad 10 \text{ ימ"ר}$$

### שאלה 4 :

- א. נתונה משכבה של פונקציות קוויות מהצורה  $y = 2x + b$
- ב.طاו את שיעורי נקודת החיתוך עם ציר  $x$  באמצעות הפרמטר  $b$ .
- ב. נתונה משכבה של פונקציות קוויות מהצורה  $y = mx + 3$ ,  $m > 0$
- ב.طاו את שיעורי נקודת החיתוך עם ציר  $x$  באמצעות הפרמטר  $m$ .

תשובה : א)  $b=0.5$  - ב)  $\frac{-3}{m}$

### שאלה 5 :

$$\text{נתונות שתי פונקציות קוויות } f(x) = 0.5x - 4 \quad g(x) = mx$$

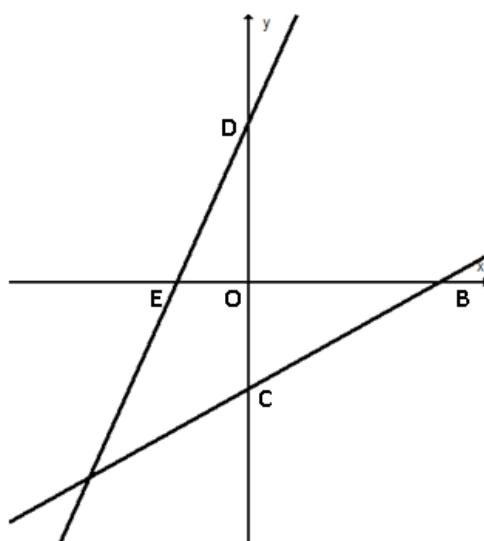
$$b + mx =$$

משורטטים הגרפים של שתי הפונקציות במערכת הצירים.  
הישרים יוצרים משולש ישר זווית עם הצירים.

$$\text{נתון: } \frac{S_{\Delta OBC}}{S_{\Delta ODE}} = \frac{16}{9}, \Delta OBC \sim \Delta ODE$$

א. מצאו את הפרמטרים  $b$ ,

ב. חשבו את היקף המרובע  $DEC B$



תשובה: א)  $b=2$  , ב)  $m=30.65$  יח'



## פונקציה ריבועית

### שאלה 1:

נתונה הפונקציה:  $f(x) = 3x^2 - 6x + 1$

א. מצאו את שיעור ה- $x$  של קדקוד הפרבולה.

היעדרו בשיעורי הקדקוד של הפרבולה שמצאתם כדי לענות על סעיפים ב' ג'

ב. נתון כי  $10 = f(3)$ , מצאו את  $f(5)$ . ג.  $46 = f(5)$ . נתון כי  $46 = f(x)$  מצאו את  $x$  אם  $5 \neq x$

ד. נקודות החיתוך של הפונקציה עם ציר  $x$  נמצאות:

I. בחלק החיובי של ציר  $x$  II. נקודה אחת בראשית הצירים והשנייה בחלק החיובי של הציר

III. נקודות אחת בחלק החיובי של ציר  $x$  ונקודה אחת בחלק השילי של הציר IV. בחלק השילי של ציר  $x$  נמוקן.

תשובה : א)  $x=1$    ב)  $f(3)=10$    ג)  $f(5)=46$    ד) 1

### שאלה 2:

בפונקציה ריבועית  $t(x) = t(-5) = 2$  נתון:  $t(0) =$

א. מה שיעור ה- $x$  של קדקוד הפרבולה?

ב. איזו מבין הפונקציות הבאות מתאימה לנ נתונים הנ"ל?

II.  $t(x) = 2x^2 + 10x + 2$    I.  $t(x) = x^2 - 5x + 2$

IV.  $t(x) = -2x^2 - 10x - 2$    III.  $t(x) = x^2 + 5x + 1$

תשובה : א)  $x=-2.5$    ב) 2

### שאלה 3:

נתונה המשוואה  $x^2 + 6x + 15 =$  \_\_\_\_\_

א. איזה מספר יש לרשום במקום הריק כדי שלמשוואה יהיה פתרון ממשי יחיד?

ב. מהו פתרון המשוואה? \_\_\_\_\_

ג. כתבו מספר במקום הריק כך שלמשוואה לא יהיה פתרון. נמקו את בחירתכם.

ד. כתבו ביטוי אלגברי במקום הריק כך שלמשוואה לא יהיה פתרון. נמקו את בחירתכם.

תשובה: א) 6   ב)  $x < 3$    ג)  $x = 6$

### שאלה 4:

נתונה הפונקציה  $4 - x^2 = f(x)$ .  
נתונות טענות המתיחסות לפונקציה. סמן נכון / לא נכון ונמקן (אין צורך לחשב):

טענה	נימוק	נכון / לא נכון
לפונקציה $f(x)$ יש שתי נקודות חיתוך עם ציר $x$		
נתונה פונקציה נוספת $g$ . $(10 - x) - g(x) = 0$		
לפונקציות $f(x)$ ו- $g$ אותן ציר סימטריה		
לפונקציות $f(x)$ ו- $g$ אותן נקודות קדקוד		
נתונה הפונקציה $1 - x - 2x^2 = f(x)$ . הפונקציות $f(x)$ ו- $g(x)$ מתלכדות.		
לכל $x$ , ההפרש בין הפונקציה $f(x)$ לפונקציה $g(x) + 4$ הוא 4.		

תשובה : א) נכון ב) נכון ג) לא נכון ד) לא נכון ה) נכון

### שאלה 5:

- גרף הפונקציה  $f(x) = x^2$  נוצר על ידי הזאת הפונקציה .  
 נקודות האפס של הפונקציה (נקודות חיתוך עם ציר ה-  $x$ ) הן  $(0,0)$  ו-  $(2,0)$  ו-  $(8,0)$  וקדקוד הפרבולה  $y = -9$ .
- מהם שיעורי הקדקוד של הפרבולה  $(x,y)$ ?
  - רשמו את משוואת הפרבולה  $(x,y)$ .
  - شرطטו את גרף הפונקציה  $(x,y)$ .
  - מצאו את תחומי העלייה והירידה של הפונקציה  $(x,y)$ .
  - מצאו את תחומי החיביות והשליליות של הפונקציה  $(x,y)$ .
  - בכמה ייחדות יש להציג את הפרבולה  $(x,y)$  כלפי מעלה, כדי שתתקבל פרבולה שיש לה נקודות אפס אחת? מהם שיעורי נקודות האפס הללו?

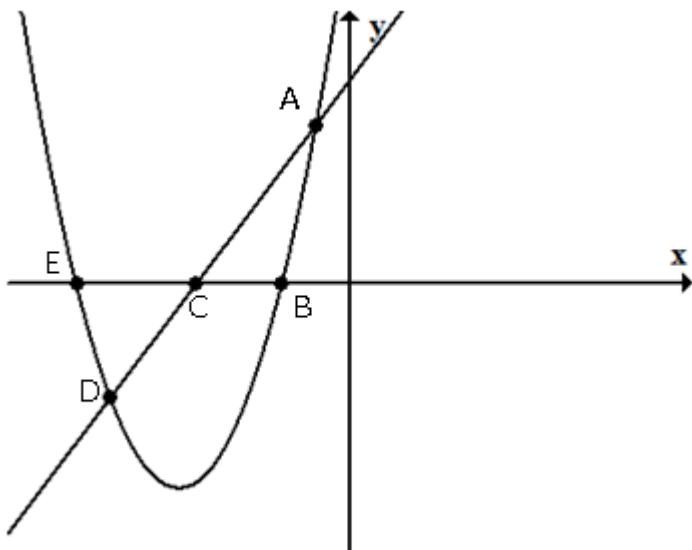
תשובה : א)  $(-9,0)$  ב)  $(0,16)$  -  $x^2$  כלפי מעלה, ירידת  $x > 5$

ה) חיביות  $x < 2$  או  $x > 8$  שליליות

ו)  $(0,5)$  ייח'

## פונקציות קו ישר עם פרבולות

### שאלה 1:



נתונות הפונקציות  $g(x) = 2x + 9$ .  $f(x) = x^2 + 10x + 16$ .  
הגרפים של הפונקציות משורטטים.

א. שרטטו מושלש ABC וחשבו את שטחו.

ב. שרטטו מושלש DEC וחשבו את שטחו.

ג. מצאו את משווהת הפונקציה של הקווים העובר דרכן D, B.

ד. מצאו את התחום המשותף בו  $g(x) < 0$  וגם  $f(x) < 0$

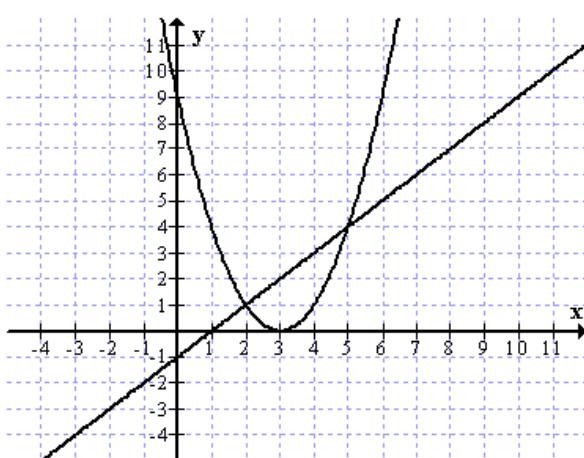
תשובה : א) 8.75 יח"ר

ב) 8.75 יח"ר

ג)  $2+y=x$

ד)  $-8 < x < -4.5$

### שאלה 2:



נתונות הפונקציות  $f(x) = (x - 3)^2$

ו-  $g(x) = x - 1$

לפניכם שרטוט הגרפים של הפונקציות:

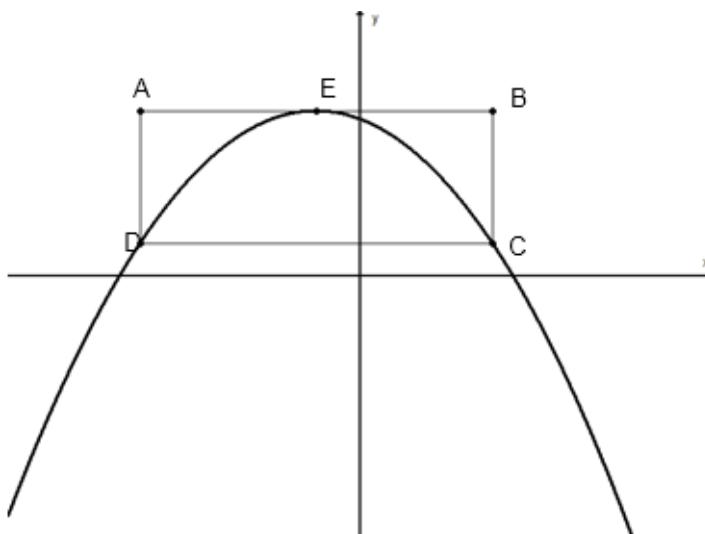
א. רשמו את התחום שבו  $(x) < g(x) < f(x)$

ב. שרטטו (בקו מכוון) על אותה מערכת צירים גраф של הפונקציה  $4 - 4 - x^2 = (x - 3)^2 - 4$

ג. מצאו עבור אילו ערכים של  $x$   $m(x) = g(x)$  (הציגו פתרון אלגברי)

תשובה 5 (א):  $2 < x < 6$ ,  $x = 6$  (ג)

### שאלה 3:



נתונה הפונקציה  $f(x) = -\frac{1}{4}(x+1)^2 + 5$ .

נתון מלבן שצלעוותיו מקבילות לצירים.

שיעור הקדקוד A של המלבן הם (5,5).

E קדקוד הפרבולה. הנקודה E נמצאת  
באמצע הצלע AB של המלבן.

הפרבולה עוברת דרך הקדודים C, D של  
המלבן.

א. חשבו את שיעורי הנקודות B, C, D של  
המלבן. נמקו.

ב. מצאו את משוואת הישר העובר דרך קדקוד הפרבולה E לקדקוד D של המלבן.

ג. חשבו את היקפו של מושולש EDC.

ד. נתונה הפונקציה  $m + 1 = \frac{1}{4}(x+1)^2 + 5$ .

רשמו דוגמה לערך של הפרמטר  $m$  כך שתתקבל פונקציה ריבועית שאין לה נקודות  
חיתוך עם המלבן. נמקו.  $m = \underline{\hspace{2cm}}$

תשובה : א) (3,5) (3,1) (-5,1) ב)  $y = x + 6$   
 $m = 19.32$  ג)

### שאלה 4:

נתונות הפונקציות  $y = mx + 5$ ,  $y = a(x-2)^2 - 3$ .

א. מה צריך להיות הערך של  $m$  אם נתון שהגרף של הפונקציה הקווית עובר דרך  
קדקוד של הפונקציה הריבועית?

ב. מה צריך להיות הערך של  $a$  אם נתון שהגרף של הפונקציה הריבועית עובר דרך  
נקודת החיתוך עם ציר ה- $y$  של הפונקציה הקווית?

תשובה: א)  $m = 4$  ב)  $a = 2$

### שאלה 5:

פשתו את הביטויים ומיינו לארבע קבוצות:

<ul style="list-style-type: none"> <li>• פונקציות קוויות</li> <li>• פונקציות ריבועיות</li> <li>• פונקציות מסווג אחר</li> <li>• לא פונקציות</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>• <math>f(x) = \underline{x}(x - 5) - (x + 2)(x - 4)</math></li> <li>• <math>g(x) = (x - 2)^2 + (2x - 5)^2</math></li> <li>• <math>m(x) = \frac{3x - 5}{7}</math></li> <li>• <math>m(x) = \frac{2x^2 - 5x + 7}{x} \quad x \neq 0</math></li> <li>• <math>x = 2</math></li> <li>• <math>t(x) = \underline{x}(x - 3)^2 - (x + 5)^2</math></li> <li>• <math>\frac{3y + x}{2} = 4</math></li> <li>• <math>n(x) = \frac{(x + 3)^2}{2} + \frac{x + 7}{4}</math></li> </ul>
---	---

פונקציות קוויות, פונקציות ריבועיות, פונקציות מסווג אחר, לא פונקציות:

תשובה : פונקציות קוויות: 1, 3, 7

פונקציות ריבועיות : 2 , 8

פונקציות מסווג אחר: 4, 6

לא פונקציות 5:

**שאלה 6:**

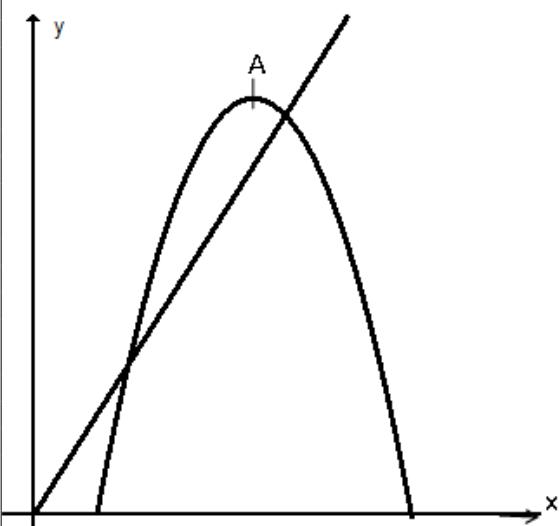
בשעה 00:08:00 יצא הולך רגל מכפר סבא צפונה ב מהירות קבועה מסויימת. שעתים אחריו יצא רוכב אופניים באותה דרך. בשעה 11:00 נפגשו הולך הרגל ורוכב האופניים. המרחק של רוכב האופניים מכפר סבא (y) מតואר ע"י הפונקציה:

$$y = -x^2 + 14x - 24$$

כאשר x – מייצג את הזמן שחלף מעה 00:00.

רוכב האופניים נוסע עד לנקודת A ואז הסתווב וחזר לכפר סבא.

הגרף מתאר את תנועת הולך הרגל ואת תנועת רוכב האופניים.

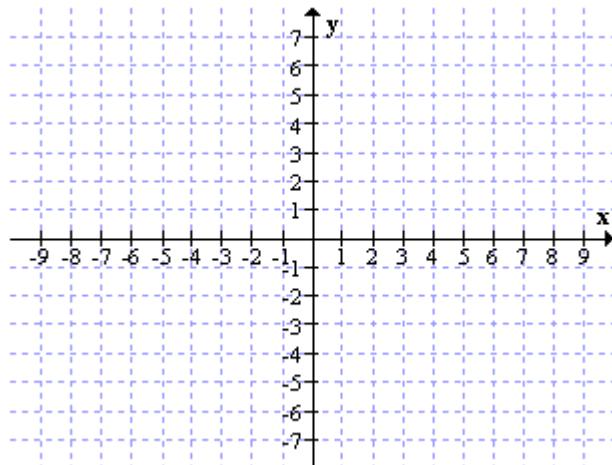


- מצאו את המרחק עד הפגישה.
- מצאו את מהירותו של הולך הרגל.
- מצאו באיזו שעה נפגשו הולך הרגל ורוכב האופניים בפעם השנייה.
- באיזה מרחק מכפר סבא הסתווב רוכב האופניים?
- באיזה שעה הגיע רוכב האופניים לכפר סבא?
- באיזה מרחק מכפר סבא היה הולך הרגל בשעה שרוכב האופניים הגיע לכפר סבא?

תשובה : א) 9 ק"מ ב) 3 קמ"ש ג) בשעה 16:00 ד) 25 ק"מ  
ה(בשעה 20:00 ו) 36 ק"מ



שאלה 7:

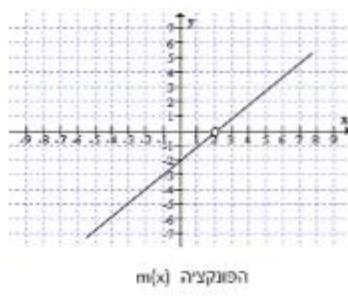


שרטטו במערכת ה座רים את הגרפים של הפונקציות הבאות:

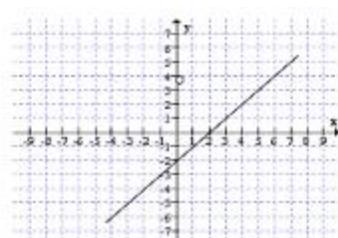
$$m(x) = \frac{x^2 - 4x + 4}{x - 2}, \quad g(x) = 2 - x, \quad f(x) = \frac{x^2 - 4}{x + 2}$$

הסבירו את ההבדל בין שלושת הפונקציות.

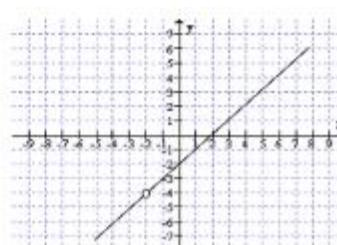
תשובה:



הפונקציה  $m(x)$



הפונקציה  $(x)g$

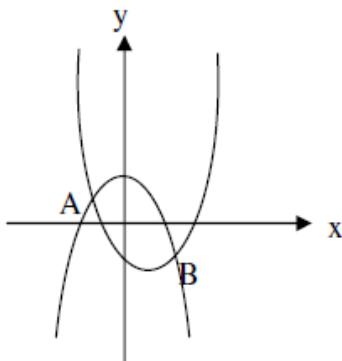


הפונקציה  $(x)f$

הסבר: (x) f אינה מוגדרת ב-  $x = -2$ .  
 (x) g מוגדרת לכל  $x$   
 (x) m אינה מוגדרת ב-  $x = 2$

## שתי פונקציות ריבועיות

**שאלה 1 :**



בشرطות הגרפים של הפונקציות:

$$g(x) = -2x^2 - 1 \quad f(x) = -x^2 + 2$$

א. מצא את שיעורי הנקודות A ו-B.

ב. מצא את משוואת הישר העובר דרך הנקודות A ו-B.

ג. מהם תחומי העליה ומהם תחומי הירידה של  $f(x)$  ?

ד. מהם תחומי העליה ומהם תחומי הירידה של  $g(x)$  ?

ה. מהם התחומיים בהם  $f(x)$  מקבלת ערכים חיוביים

ומהם התחומיים בהם היא מקבלת ערכים שליליים?

ו. מהם התחומיים בהם  $g(x)$  מקבלת ערכים חיוביים

ומהם התחומיים בהם היא מקבלת ערכים שליליים?

**תשובה:**

א.  $A(-1, 1) B(2, -2)$  ב.  $x = -y$  ג. עליה:  $x < 1$  ירידה:  $x > 1$  ד. עליה:  $0 < x$

ירידה:  $0 > x$  ה.  $f(x) > 0$  עבור  $x < -0.73$  או  $x > 2.73$

$-1.41 < x < 1.41$   $f(x) < 0$  ג. עבור  $-0.73 < x < 2.73$

$x < -1.41$  או  $x > 1.41$   $g(x) < 0$

**שאלה 2:**

נתונות הפונקציות:  $f(x) = -x^2 - 3x - 5$  ו-  $g(x) = (x - 3)^2 - 5$  ענו על הסעיפים הבאים וنمוקן

**כל סעיף:**

א. האם לגרף פונקציה  $5 + (x - 3)^2 = (x - 3)^2 + 5$  נקודות חיתוך עם גרף הפונקציה ( $f(x)$ ) ?

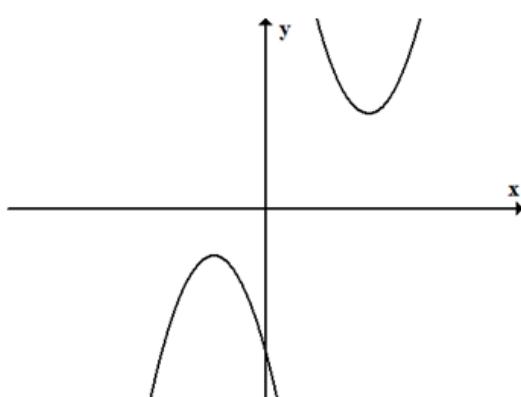
ב. האם לגרף הפונקציה  $5 - (x - 3)^2 = (x - 3)^2 - 5$  נקודות חיתוך עם גרף הפונקציה ( $g(x)$ ) ?

ג. האם לגרף הפונקציה  $5 - (x - 3)^2 = (x - 3)^2 - 5$  נקודות חיתוך עם גרף הפונקציה ( $f(x)$ ) ?

ד. חשבו את ערכי  $x$  עבורם ( $f(x) = g(x)$ ).

**תשובה :** א) לא    ב) כן    ג) כן    ד) (1, -1) (4, -4)

### שאלה 3:



לפניכם גрафים של שתי פרבולות.

א. איזה זוג מבין זוגות הפונקציות הבאות יכול להיות

הזוג שהפרבולות הנ"ל הן הגראפים שלו?

נקנו את בחירתכם.

i.  $y = -x^2 - 3x + 1$  ,  $y = x^2 - 2x$

ii.  $y = x^2 + 3$  ,  $y = -(x + 2)^2 - 2$

iii.  $y = -x^2 - 2$  ,  $y = (x - 4)^2 + 4$

iv.  $y = (x + 2)^2 - 4$  ,  $y = -x^2 - x$

ב. חיבורו בקוו בין נקודות הקדקוד של הפרבולות

וכתבו את משוואת הישר שמתකבל.

הציגו את דרך הפתרון.

ג. היעזרו במשפט פיתגורס וחשבו את אורך הקטע שבין שני הקדקודים של הפרבולות,

הציגו את דרך החישוב.

תשובה : א) 4    ב)  $y=x$     ג) 8.49

#### שאלה 4:

מושרטים הגרפים של הפונקציות

$$f(x) = 2(x - 2)^2 - 8$$

$$g(x) = -x^2 + 4x$$

הנקודות **P**, **K** הן הקדקודים של הפרבולה.

א. חשבו את שיעורי הנקודות: **B**, **A**, הציגו דרך חישוב.

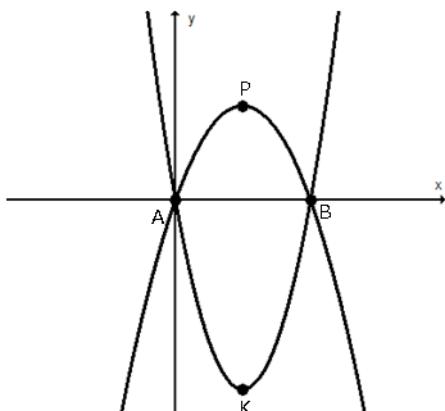
ב. חשבו את המרחק בין **P** ל-**K**. הציגו דרך חישוב.

ג. כתבו את משוואת הפונקציה הקווית העוברת דרך **A** ו-**P**.

הציגו דרך פתרון.

ד. לפניכם מספר טענות. ענו "נכון" / "לא נכון"

לכל אחת מהטענות:



טענה	נכון	לא נכון
$f(-2) = 8$		
המרובע שקדקודיו הם הנקודות <b>A</b> , <b>P</b> , <b>B</b> , <b>K</b> הוא דלתון		
$f(x) > g(x)$ קיימים תחום בו		
קיימת פונקציה קוית קבועה שאינה חותכת אף אחד מהגרפים		

ה. השלימו:

$$m(x) = 2(x - 2)^2 + 6 \quad . \text{ היא הZZה אנכית של } (x)f\text{-} \quad \text{יחידות.}$$

$$t(x) = -(x - 6)^2 + 4 \quad . \text{ היא הZZה אופקית של } (x)g\text{-} \quad \text{יחידות.}$$

תשובה : א) (0,0) ב) 12 י'ג)  $y=2x$  ג) 1. לא נכון 2. נכון 3. נכון 4. לא נכון  
ה) 1 (14 י' 2) 4 י'

### שאלה 5:

$$f(x) = ax^2 + bx + 5$$

- נתונה משפחת הפונקציות  $5 + bx + ax^2$
- א. מה משותף לכל הפונקציות מהמשפחה?
- ב. ידוע ש-  $a > 0$  ו-  $b < 0$ . איזו טענה מהטענות הבאות אינה נכונה בהכרח:
- ו. ציר הסימטריה של גраф הפונקציה עובר ברביעים הראשון והרביעי
  - ii. לgraf הפונקציה יש שתי נקודות חיתוך עם ציר  $x$
  - iii. קיימת נקודה על graf הפונקציה בربיע הראשון שערך ה-  $y$  שלו הוא 5
  - iv. לפונקציה נקודות מינימום
- ג. נתונות שתי פונקציות מהמשפחה  $f(x) = ax^2 + bx + 5$ . באחת  $a > 0$  ו-  $b < 0$  ובשנייה  $a < 0$  ו-  $b > 0$ , כמו כן ידוע שהערכיהם של  $a$  ושל  $b$  נגדים זה זהה.
- מה משותף לשתי הפונקציות ומה שונה ביניהן?

תשובה : א) נק' חיתוך עם ציר  $y$

ב) 2 , 3

ג) משותף: ציר סימטריה

שונה: קודקוד הפרבולה, סוג הפרבולה, נק' האפס,  
חיוביות ושליליות, עליה וירידה

## טכנית אלגברית

חוקי חזקות:

פשטו ע"פ חוקי החזקות

$$1. \quad | \frac{a^4 (ab)^6 \cdot a^3 b}{2 (ab)^3} =$$

$$2. \quad (ab)^{x+8} \cdot (ab)^{2x} \cdot ab =$$

$$3. \quad \frac{(ab)^8 \cdot ab^2}{(ab)^3} =$$

$$4. \quad \left(\frac{x}{y}\right)^7 \cdot \frac{x \cdot (2x)^3}{16y} =$$

$$5. \quad \left(\frac{a^8 b^{10}}{a^2 b^5}\right)^6 =$$

נוסחאות כפל מקוצר:

פשטו את הביטויים הבאים

$$6. \quad (x^2 - 9)(x^2 + 9) =$$

$$7. \quad (4a^2 - 6)(6 + 4a^2) =$$

$$8. \quad (-6 - y)(6 - y) =$$

$$9. \quad (x + 2x^2)^2 =$$

$$10. \quad (9 - 4a)^2 =$$

$$11. \quad (5x + 7)^2 =$$

$$12. \quad (x + 2)(4 + x^2)(x - 2) =$$

$$13. \quad -(x - 6)^2 - (x + 6)(x + 4) =$$

$$14. \quad (a^{x+2} + 2a)^2 =$$

$$15. \quad \left(6 - \frac{1}{6a}\right)^2 =$$

$$16. \quad (x + 2b)(x - 2b) - x^2 - (x + 2b)^2 =$$

. נתון :  $ab = 18$  ,  $(a + b)^2 = 81$   
 . חשבו את  $a^2 + b^2$

- .18. (א) נתון השוויון :  $(x + 4)^2 = x^2 + 4^2$  .  
 מצאו ערך ל-  $x$  עבורו מתקיים השוויון.  
 (ב) נתון הא-שוויון :  $(x + 4)^2 < x^2 + 4^2$  .  
 מצאו ערך ל-  $x$  עבורו מתקיים הא-שוויון.  
 (ג) נתון השוויון :  $-1 = (x + 6)^2$  .  
 האם קיים ערך ל-  $x$  עבורו השוויון מתקיים ? נמקו.

### פירוק לגורמים :

פרקן לגורמים את הביטויים הבאים :

19.  $64a - 16a^3 + 80a^2 =$

20.  $6x^2 + 2x^3 + 16x^4 =$

21.  $x^2 + 10x - 9x - 90 =$

22.  $a^2 - 5a - a + 5 =$

23.  $7a(a - 2) - 14(a - 2) =$

.24.  $a(y - 2) + b(2 - y) =$

.25.  $6x(x^2 - 2x) - 3(x^2 - 2x) =$

.26.  $(3a - 1)^2 + 4(3a - 1) =$

.27.  $\frac{9}{x^2} - 81 =$

.28.  $-4a^2 + 1 =$

.29.  $2x^2 - 18x^2y^2 =$

.30.  $(3b + 4)^2 - (3b - 4)^2 =$

.31.  $16 - 24a^2 + 9a^4 =$

.32.  $16 - \frac{12}{a} + \frac{9}{4a^2} =$

.33  $7x^4 - 7 =$

.34  $x^2 - x - 90 =$

.35  $\underline{x^2} - 9x - 36 =$   
 $\underline{\quad}$        $\underline{\quad}$        $\underline{\quad}$

.36  $x^2 + 9x - 36 =$

.37  $x^2 + \frac{3}{4}x + \frac{1}{8} =$

.38  $6x^2 - 24x - 30 =$

.39  $5x^2 - 25x - 70 =$

**צמצום שברים אלגבריים:**

צמצמו את השברים הבאים בעזרת פירוק לגורמים רשמו תחתו הצבה :

40.  $\frac{x^3 - 8x^2}{x} =$

41.  $\frac{3x - 9}{x^2 - 6x + 9} =$

42.  $\frac{x^2 + 3x - 10}{x^2 - 7x + 10} =$

כפלו את השברים. רשמו תחתו הצבה :

43.  $\frac{7x - 42}{20} \cdot \frac{10x}{x^2 - 12x + 36} =$

44.  $\frac{x^2 - 8x + 15}{2x - 6} \cdot \frac{2x^2 + 4x}{x^2 - 3x - 10} =$

חלקו את השברים הבאים, צמצמו במידת האפשר ורשמו תחתו הצבה :

45.  $\frac{1 - 36x^2}{x^2 + 5x + 6} : \frac{x + 6x^2}{5x^2 - 20} =$

46.  $\frac{3x^2 - 3x - 18}{x^2 - 4x + 3} : \frac{x^2 - 16}{2x^2 - 10x + 8} =$

פתרונות:

1.  $\frac{1}{2} a^{10} b^4$        $12.25x^{243} + 70x + 49$
2.  $(ab)^{3x+9}$        $13.16a^2 - 72a + 81$
3.  $a^6 b^7$        $14.4x^4 + 4x^3 + x^2$
4.  $\frac{x^{11}}{2y^8}$        $15.\frac{1}{36a^2} - \frac{2}{a} + 36$
5.  $a^{36} b^{30}$        $16.a^{2x+4} + 4a^{x+3} + 4a^2$
6.  $x = 15$        $17.-2x^2 + 2x - 60$
7.  $x = -6$        $18.-x^2 - 4bx - 8b^2$
8.  $x^4 - 81$        $19.45$
9.  $16a^4 - 36$        $20.א.x = 0.ב.x < 0.ג.x = 0.ד.x > 0$
10.  $y^2 - 36$        $21.16a(4 - a^2 + 5a)$
11.  $x^4 - 16$        $22.2x^2(3 + x + 8x^2)$

פתרון	קבוצת הצבה	מספר התרגיל
$x^2 - 8x$	$x \neq 0$	42
$\frac{3}{x-3}$	$x \neq 3$	43
$\frac{x+5}{x-5}$	$x \neq 2,5$	44
$\frac{7x}{2(x-6)}$	$x \neq 6$	45
x	$x \neq -2,5,3$	46
$\frac{5(x-2)(1-6x)}{x(x+3)}$	$x \neq -\frac{1}{6}, 0, -3, 2, -2$	47
$\frac{6(x+2)}{x+4}$	$x \neq 4, -4, 1, 3$	48

23.  $(x+10)(x-9)$
24.  $(a-5)(a-1)$
25.  $7(a-2)^2$
26.  $(y-2)(a-b)$
27.  $3x(x-2)(2x-1)$
28.  $3(a+1)(3a-1)$
29.  $9\left(\frac{1}{x}-3\right)\left(\frac{1}{x}+3\right)$
30.  $(1+2a)(1-2a)$
31.  $2x^2(1-3y)(1+3y)$
32.  $48b$
33.  $(4-3a^2)^2$
34.  $\left(4-\frac{3}{2a}\right)^2$
35.  $7(x-1)(x+1)(x^2+1)$
36.  $(x+9)(x-10)$
37.  $(x-12)(x+3)$
38.  $(x+12)(x-3)$
39.  $\left(x+\frac{1}{4}\right)\left(x+\frac{1}{2}\right)$
40.  $6(x-5)(x+1)$
41.  $5(x-7)(x+2)$

## 1. כפולה משותפת מינימלית<sup>1</sup>

	גורם 1	גורם 2	גורם 3	כפולה משותפת מינימלית
דוגמה:	$x^2 - 6x$ $x(x - 6)$	$x^2 - 12x + 36$ $(x - 6)^2$	$2x + 12$ $2(x + 6)$	$2x(x - 6)^2(x + 6)$
1.	$3x + 9$	$x^2 + 5x + 6$	$x^2 + 2x$	
2.	$3x^2 - 4x$	$6x + 8$	$9x^2 - 16$	
3.	$2x^2 - 14x - 120$	$x^2 - 25$	$x^2 - 12x$	
4.	$5x^2 - 5$	$2x^2 - 4x + 2$	$x^3 + x^2$	
5.	$a^2 - 3a$	$2a^2$	$2a^3 - 6a^2$	
6.	$2a^2 - 2b^2$	$3a^2 + 6ab + 3b^2$	$6a + 6b$	
7.	$8x^2 - 50$	$2x + 5$	$10 - 4x$	
8.	$x^2 - xy$	$xy + y^2$	$3y - 3x$	

<sup>1</sup>תרגול הרחבה מתוך חוברת עתודה מדעית

## 2. נוסחאות הכפל המקוצר השלימו את הטבלה.<sup>2</sup>

השלימו את הטבלה.

$a^2 + 2ab + b^2$	$a^2 - b^2$	$b$	$a$
		4	$3m$
		$2y$	$3x$
		$4y^2$	$x^2$
		$6xy$	$2x^3$
		$\frac{2b}{3}$	$\frac{3a^2}{2}$
		$\frac{c^2}{2}$	$\frac{1}{3}a$
		$3y^{n-1}$	$2x^n$
		$3xy$	1
		$5t^3$	$5p^2$
		$\frac{x}{5}$	$\frac{2x^4}{5}$

השלימו את הטבלה.

$a^2 - 2ab + b^2$	$(a+b)(a-b)$	$b^2$	$a^2$
		$4x^2$	1
		$64x^4$	$9x^6$
		121	$36a^4$
		$100b^2$	$49a^2$
		$144b^2$	$0.16x^4$
		$\frac{25}{36}b^6$	$0.01c^8$
		$0.25x^2$	0.81
		$k^{4n}$	$n^{2k}$
		$9b^2$	$\frac{1}{9}a^2$
		$4p^6k^2$	$k^8$

<sup>2</sup> תרגול הרחבה מתוך חוברת עתודה מדעית

3. **משוואות רצינליות**- פתרו את המשוואות, שימו לב לתחומי הצבה.<sup>3</sup>

$$1. \frac{x^2-4}{x+2} = 2$$

$$2. \frac{1}{x^2-1} = \frac{1}{x+1}$$

$$3. \frac{16-x^2}{x-4} = 1$$

$$4. \frac{9-x^2}{x-3} = 0$$

$$5. \frac{m^2-5m}{m^2+m} = 1$$

$$6. \frac{6}{x^2-6x+9} = 1 - \frac{x}{x-3}$$

$$7. \frac{x-1}{x^2+2x-3} = \frac{x}{2x+6}$$

$$8. \frac{5}{9x^2-4} - \frac{1}{3x-2} = 0$$

$$9. \frac{a^2+2a+1}{a^2-1} = \frac{2}{a-1}$$

$$10. \frac{2x}{9x^2-6x+1} - \frac{2}{1-3x} = \frac{4}{3x-1}$$

---

<sup>3</sup> תרגול הרחבה מתוך חוברת עתודה מדעית

#### 4. משוואות רצינליות<sup>4</sup>

$$1. \quad 1 + \frac{6}{x-4} = \left(\frac{1}{x+4}\right) : \left(\frac{x-4}{3}\right)$$

$$2. \quad 1 + \frac{5}{x-5} - \frac{6}{x+5} = \frac{3}{x+5} + \left(\frac{25}{x+5}\right) \cdot \left(\frac{2}{x-5}\right)$$

$$3. \quad \left(\frac{2x-1}{3x-1}\right) \cdot \frac{1}{x} - \left(\frac{3}{3x-1}\right) \cdot \left(\frac{x}{3x+1}\right) = \frac{1}{6x+2}$$

$$4. \quad \left(\frac{1}{x+1}\right) : \left(\frac{x+1}{9-x}\right) = \frac{1}{x-1} - \frac{1}{x^2-1}$$

$$5. \quad \left(\frac{1}{x^2-4}\right) : \left(\frac{3}{9x^2-35}\right) = \frac{1}{2} \cdot \left(\frac{x-1}{x+2} - \frac{x-29}{6-3x}\right)$$

$$6. \quad \frac{5}{x} \cdot \left(\frac{1}{x-4} + \frac{9}{x+4}\right) - \frac{18}{x^2-16} = 0$$

$$7. \quad \left(\frac{x-6}{x-5} - 11\right) : (x+5) = 1 + \frac{x}{15-3x}$$

$$8. \quad \left(\frac{3}{x-2}\right)^2 - \frac{1}{x-2} \cdot (2x-7) = 0$$

$$9. \quad 1 : \left(\frac{x^2-6x+5}{x-3}\right) - 1 : \left(\frac{x^2-1}{5}\right) = 0$$

$$10. \quad \frac{4}{x} : \left(\frac{x+2}{x-1}\right) - \frac{1}{x+2} \cdot \left(\frac{5x-8}{x-2}\right) = \frac{1}{2x} \cdot \left(\frac{3x-4}{2-x}\right)$$

<sup>4</sup>תרגול הרחבה מתוך חוברת עתודה מדעית

## 5. צמצום שברים

**א.**

עבור כל אחד מהתבניות האלגבריות הבאים :

(i) רשמו מהו תחום הצבה.

(ii) צמצמו.

$$\frac{7b}{21c} =$$

(ד)

$$\frac{96x}{12x} =$$

(ג)

$$\frac{-7x^2}{x} =$$

(ב)

$$\frac{9a+9b}{27} =$$

(א)

$$\frac{x}{2x} =$$

(ח)

$$\frac{35x}{x} =$$

(ז)

$$\frac{-18xy}{24y} =$$

(ו)

$$\frac{b}{3b} =$$

(ח)

$$\frac{(b-6)}{7(b-6)} =$$

(יב)

$$\frac{9(a+b)}{99} =$$

(יא)

$$\frac{2x}{140xy} =$$

(ו)

$$\frac{100x}{200y} =$$

(ט)

$$\frac{(x-3) \cdot 5}{3-x} =$$

(טט)

$$\frac{11(a-b)}{(b-a)} =$$

(טט)

$$\frac{6(a+b)}{17(a+b)} =$$

(יד)

$$\frac{-99a}{-99b} =$$

(יא)

$$\frac{-(a+7)}{3(7+a)} =$$

(כ)

$$\frac{-15(a-23)}{15(a-23)} =$$

(טט)

$$\frac{-27xyz}{54xz} =$$

(יח)

$$\frac{(a-44)}{3(44-a)} =$$

(יז)

**ב.**

רשמו תחום הצבה וצמצמו את השברים האלגבריים הבאים.

$$\frac{20c^2 - 5c + 35}{40c} =$$

$$(ג) \quad \frac{7x - 49}{7} =$$

$$(ב) \quad \frac{4a}{16 - 24a} =$$

$$\frac{x^2 - x}{x - 1} =$$

$$(ו) \quad \frac{3x - 15}{6x} =$$

$$(ד) \quad \frac{x^2 - 10x}{x} =$$

$$\frac{3x^2 - x}{1 - 3x}$$

$$(ח)$$

$$(ז) \quad \frac{a - 2b}{4a - 8b} =$$

**ג.** רשמו תחום הצבה וצמצמו את השברים האלגבריים הבאים.

$$\frac{1 - 2b}{8b - 4} =$$

(ג)

$$\frac{3x - 15}{9x - 45} =$$

(ב)

$$\frac{x^2 - 10x}{3x - 30} =$$

(א)

$$\frac{12 - 24x}{24x - 12} =$$

(ו)

$$\frac{6 - 6a}{a - 1} =$$

(ח)

$$\frac{-9x - 3}{3x + 1} =$$

(ד)

## מערכת משוואות בשני געלמים

6. פתרו את מערכות המשוואות הבאות:

<b>א</b>	<b>ב</b>	<b>ג</b>
$\begin{cases} \frac{x+y}{2} = 3(x-1) \\ x = 2(y+2)-1 \end{cases}$	$\begin{cases} 3x + 5y = 34 \\ 2y - 3x = -20 \end{cases}$	$\begin{cases} 3x + 2y + x - y = 13 \\ y = 1 - x \end{cases}$ $\begin{cases} y = 2x + 1 \\ -x - 2(1 - y) = y + 2 \end{cases}$

<b>ד</b>	<b>ה</b>	<b>ט</b>
$\begin{cases} 3x - y = 16 \\ x + 5y = 0 \end{cases}$	$\begin{cases} 8 + 5(x + 4y) = -7 \\ 2(y - x) = 10 + 6y \end{cases}$	$\begin{cases} 7(2x + y) - 5y = 16 \\ y - 3x = 4(y - 6) \end{cases}$

$$(x = -10, y = 2)$$
      
$$\begin{cases} 6x + 15 = -30 \\ x + 9y = 8 \end{cases}$$
 .ד

$$(x = \frac{1}{5}, y = 0)$$
      
$$\begin{cases} 5x - 7y = 1 \\ -10x + 3y = -2 \end{cases}$$
 .ה

$$(x = 7, y = -1)$$
      
$$\begin{cases} \frac{3x + 10y - 1}{5} + \frac{2x - 7}{7} = x - 4 \\ \frac{2x - y}{3} + \frac{x + 3y - 2}{2} = y + 7 \end{cases}$$
 .ט

$$(x = -3, y = 3)$$
      
$$\begin{cases} \frac{4y + 3}{5} = \frac{y - x}{2} \\ \frac{x + y}{5} - \frac{3x + y}{4} = 1 - \frac{x}{6} \end{cases}$$
 .י

$$(x = \frac{a+b}{2}, y = \frac{b-a}{6})$$
      
$$\begin{cases} x + 3y = b \\ x - 3y = a \end{cases}$$
 .ז

$$\begin{cases} x+3y=7 \\ -2x+9y=-14 \end{cases} \text{ טו. } (x=2, y=3)$$

$$\begin{cases} x+y=5 \\ x-y=-1 \end{cases} \text{ ט'.}$$

$$(x=7, y=0)$$

## 8. מערכת משוואות ובעיות מילוליות עם מערכת משוואות:

א. כרטיס כניסה לבריכה עבור ילד זול יותר מכרטיס כניסה למבוגר.

2 מבוגרים ו- 3 ילדים שילמו 81 ש"ח.

3 מבוגרים ו- 4 ילדים שילמו 114 ש"ח

מה מחיר כרטיס לילדים ומה מחיר כרטיס למבוגר

כתבו את כל החישובים שעשיתם.

ב. נתונה המשוואה:  $2x + y = 14$

ונתונים הזוגות הסדריים: (6 , 10) ; (3 , 8) ; (2 , 12) ;

מי מבין זוגות אלו הם פתרון למשוואה הנתונה?

ערכו את כל החישובים על דף הבדיקה.

ג. גיל קנה 3 מחברות ו- 2 עפרונות ושילם 4 שקלים.อายיל קנה 5 מחברות ו-

עפרונות ושילם 7 שקלים. קרן קנתה 4 מחברות ו- 3 עפרונות.

כמה שילמה קרן?

ד. מיכל קנתה שני עפרונות וארבעה עטים ושילמה 32 נט.

ארז קנה עפרון אחד ושישה עטים ושילם 42 נט.

מהו מחירו של עפרון ומהו מחירו של עט?

## משוואת ריבועית

פתרונות

$$x = 4 \quad .1$$

$$x_1 = 0, x_2 = \frac{1}{3} \quad .2$$

$$x_1 = 3\frac{2}{7}, x_2 = -2 \quad .3$$

$$x_1 = 5, x_2 = 3 \quad .4$$

$$x_1 = 7, x_2 = 7 \quad .5$$

$$x_1 = 0, x_2 = 2\frac{1}{4} \quad .6$$

$$x_1 = 3, x_2 = -\frac{2}{3} \quad .7$$

$$x_1 = 5, x_2 = -\frac{14}{13} \quad .8$$

$$x_1 = 0, x_2 = \frac{1}{6} \quad .9$$

$$x_1 = 6, x_2 = -2 \quad .10$$

$$(8,2),(-4,-4) \quad .11$$

$$(4,1),(-8,-11) \quad .12$$

$$(3,2),(5\frac{2}{5},1\frac{1}{5}) \quad .13$$

$$(2,1),(-2\frac{4}{5},-2\frac{1}{5}) \quad .14$$

פתרו את המשוואות ומערכות משואות הבאות:

$$\frac{x^2 - 9}{x + 3} = x^2 - 15 \quad .1$$

$$6x^2 - 2x = 0 \quad .2$$

$$(3x+1)^2 - 4(2x-1)^2 - x(x-1) = -(x-7)^2 \quad .3$$

$$3x(x-2) - x^2 = (x-3)(x+5) \quad .4$$

$$x^2 + (x-8)^2 - 10 = (3x-1)(x-5) \quad .5$$

$$\frac{x+1}{2x-3} - \frac{7x}{4x^2-9} - 1 = \frac{x-4}{2x+3} \quad .6$$

$$\frac{3}{x^2-2x} - \frac{3}{2} = \frac{1}{4-2x} \quad .7$$

$$\frac{x+1}{2x-8} - \frac{5x+2}{3x+12} = 1 + \frac{9}{x^2-16} \quad .8$$

$$\frac{3}{1-4x^2} - \frac{2}{4x^2+4x+1} = \frac{1}{4x^2-4x+1} \quad .9$$

$$\frac{x+1}{x^2+16x+64} = \frac{1}{x^2+4x-32} \quad .10$$

$$\begin{cases} x = 2y + 4 \\ x \cdot y = 16 \end{cases} \quad .11$$

$$\begin{cases} y - x = -3 \\ 2x^2 - y^2 - 2y = 29 \end{cases} \quad .12$$

$$\begin{cases} \frac{9}{x} + \frac{4}{y} = 5 \\ x + 3y = 9 \end{cases} \quad .13$$

$$\begin{cases} x^2 - y^2 = 3 \\ 2x - 3y = 1 \end{cases} \quad .14$$

**פתרונות**

$$x = -2 \quad .15$$

$$x = -2 \quad .16$$

$$x = -10 \quad .17$$

$$x = -5 \quad .18$$

אין פתרונות .19

$$x \neq -1, x \neq 4 \quad .20$$

$$x_1 = 4, x_2 = -3 \quad .21$$

אין פתרונות .22

$$x_1 = 4.5, x_2 = 1 \quad .23$$

$$(2, 3) \quad .24$$

$$(1, 2) \quad .25$$

$$(5, -2) \quad .26$$

$$(12, 15) \quad .27$$

$$x_1 = 9, x_2 = -5 \quad .28$$

$$x_1 = 6, x_2 = -14 \quad .2$$

$$\frac{1}{x^2 - 3x} = \frac{-4}{x^2 + 2x - 15} - \frac{1}{2x + 10} \quad .15$$

$$\frac{x-1}{2x-3} - \frac{x}{x+1} = \frac{6x+1}{2x^2-x-3} \quad .16$$

$$\frac{9x}{8x^2-50} + \frac{5}{2x^2-5x} = \frac{1}{x} \quad .17$$

$$\frac{3}{2x+2} + \frac{4}{x^2-1} = \frac{3x}{2(x-1)^2} \quad .18$$

$$\frac{x}{x-3} + \frac{1}{x+2} = \frac{4x+3}{x^2-x-6} \quad .19$$

$$\frac{x-1}{x-4} - \frac{4x-1}{x^2-3x-4} = \frac{x}{x+1} \quad .20$$

$$\frac{x^2-25}{x+5} = x^2-17 \quad .21$$

$$\frac{x^3-3x^2}{x-3} = 6x-9 \quad .22$$

$$11\left(\frac{1}{2x+6} - \frac{2}{11}\right) = \frac{3}{9-x^2} - 1 \quad .23$$

$$\begin{cases} 5x + 2y = 16 \\ 3x + 5y = 21 \end{cases} \quad .24$$

$$\begin{cases} x + 3(y+2) = 14 - x \\ 5(x-2) + 2y = 1 - 2x \end{cases} \quad .25$$

$$\begin{cases} \frac{7y-1}{3} + \frac{3x+5}{10} = -3 \\ x - \frac{2}{5}(5y-1) = \frac{4y}{5} + 11 \end{cases} \quad .26$$

$$\begin{cases} \frac{8}{x} + \frac{5}{y} = 1 \\ \frac{4}{x} + \frac{10}{y} = 1 \end{cases} \quad .27$$

.28. פטור את המשוואות ללא פתיחה סוגרים:  
 $(x+4)^2 = 100 \quad \text{ב} \quad (x-2)^2 = 49 \quad \text{ג}$

## שאלות מילוליות

.1

ממקום מסויים יוצאים בו-זמןית שני הולכי רגל, אחד צפונה והשני – מזרחה. כעבור 5 שניות עברו הראשוון 5 ק"מ יותר מהשני, והמרחק ביניהם מגיע ל-25 ק"מ. מהירותיהם של הולכי הרגל הנ"ל לא השתנו בשעת ההליכה. מהי מהירותו לשעה של כל אחד מהולכי הרגל?

(עוזרי ושלו – ט' חלק ב': 128 / 33)

.2

הגדילו פעמיים את המספר 200 באותו אחוז, והתקבל המספר 288. סמנו ב-% את אחוז ההגדלה, וענו על השאלות הבאות.

א. הבינו באמצעות  $\times$  את המספר המתkeletal לאחר ההגדלה הראשונה של 200 ב-%.

ב. הבינו באמצעות  $\times$  את המספר המתkeletal לאחר ההגדלה השנייה ב-%.

ג. בנו משווה מתאימה ומצאו את  $\alpha$ .

## שאלות מתוך מתמטיקה לכיתה ט' – סדרת צמרת – עוזרי ושלו

.3

אוטובוס נסע מדי יום במהירות קבועה מעיר A לעיר B. המרחק בין A ל-B הוא 120 ק"מ. يوم אחד עבר האוטובוס עכירה לא תוכנת מראש למשך 10 דקות, בדיק באמצע הדרך בין A ל-B. כדי שהאוטובוס יספיק להגיע ל-B על-פי לוח הזמנים הרגיל, צריך היה לאחר העכירה להגבר את מהירותו ב-12 קמ"ש. מצאו את המהירות הרגילה של האוטובוס.

.4

בחנות נמכר מסך למחשב שמחירו 800 שקלים במספר תשלום שווים. אם לקוח מעוניין להקטין את מספר התשלומים ב-5, מעניקה החנות הנחה בגובה של 13% ממחיר המסך. במקרה זה התשלום מתבצע בתשלומים שווים, כאשר כל תשלום גדול ב-132 שקלים מהתשלום החודשי המקורי.

מהו מספר התשלומים המקורי לרכישת המסך, ומהו הסכום של כל תשלום חודשי?

.5

רוכב אופניים יצא בשעה 5 בבוקר לחיפה ממושב המרוחק ממנו ב- 50 ק"מ. בשעה 6 בבוקר יצא רוכב אופניים שני לחיפה מאותו המושב. הרוכב השני נע ב מהירות הגזולה מזו של הראשון ב- 2 ק"מ לשעה, ופגש את הרוכב הראשון לפני הגיעו לחיפה. שעתים לאחר הפגיעה הגיע הרוכב הראשון לחיפה. (הרוכבים נסעו ב מהירות קבועות).

x מסמן את מהירות הרוכב הראשון (בק"מ לשעה).

א. הסבירו מדוע x-20 מבטא את הדרכ (בק"מ) שעבר הרוכב הראשון עד לפגיעה.

ב. חשבו את x ( מהירות הרוכב הראשון ).

.6

ענת קנטה בקבוקי שוקו ובקבוקי חלב. בסך-הכל קנטה ענת 12 בקבוקים.

העבר כל בקבוקי השוקו שלמה ענת 45 שקלים.

העבר כל בקבוקי החלב שלמה ענת 12 שקלים.

בקבוק שוקו יקר ב- 1 שקל מבקבוק חלב.

א. סמנו ב- x את מספר בקבוקי השוקו שקנטה ענת, והביעו באמצעותו את המחיר של בקבוק שוקו אחד.

ב. סמנו ב- y את מספר בקבוקי החלב שקנטה ענת, והביעו באמצעותו את המחיר של בקבוק חלב אחד.

ג. היעזרו בסעיפים א' – ב', ובנו מערכת משוואות המתאימה לביעיה.

ד. כמה בקבוקי שוקו וכמה בקבוקי חלב קנטה ענת?

### שאלות מתוך "משבצת – מתמטיקה לכיתה ט'

.7

בתוך ריבוע שצלעו 14 ס"מ חסומים

שני ריבועים מקובוקים (ראה ציור).

מצאו את צלעות הריבועים אם ידוע

כי שטחם ביחד הוא 100 סמ"ר.

.8

סכום שני מספרים הוא 8 .

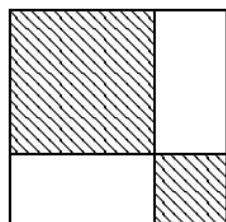
(א) כתוב פונקציה (y) המתארת את מכפלת שני המספרים  
(סמן ב- x את אחד המספרים).

(ב) מהם שני המספרים, אם נתון כי המכפלה היא 12 ?

(ג) שרטט את גраф הפונקציה.

(ד) עברו אילו מספרים המכפלה תהיה מקסימלית ? נמק.

(ה) האם ייתכן כי המכפלה היא 17 ? נמק.



## שאלות מtower "שבילים" – מט"ח

.9.

בສרטוט יש ריבוע ומלבן שאיןו ריבוע. לשתי הצורות יש צלע משותפת.

שטח המלבן גדול משטח הריבוע ב- 6 מ"ר.

היקף המלבן גדול מהיקף הריבוע ב- 6 מ'.

מצאו את צלעות המלבן.

מלבן	ריבוע
------	-------

## שאלות משולבות שפותחו במכון יצמן

א. מצאו את אורך האלכסונים של מעין אשר היקפו (ביחידות אורך) ושטחו (ביחידות שטח) הם .20.

ב. מצאו את אורך הגובה של המעין של הסעיף הקודם. (תזכורת: גובה של מקבילית הוא הקו המחבר שתי צלעות נגדיות של המקבילית - או המשcn - יוצר אותן זוויות ישרות).

ג. מצאו את אורך האלכסונים ואת גובהו של מעין אשר היקפו (ביחידות אורך) ושטחו (ביחידות שטח) הם .9.

ד. האם עבר כל מספר נתון הן כהיקף והן כשטח מעין (ביחידות המתאימות) תמיד קיימים מעין? אם כן הוכחו, אם לא הסבירו.

א. אורך צלע של ריבוע הוא 10 ס"מ. מגדילים כל אחת מהצלעות ב- 20%, בכמה אחוזים יגדל שטחו?

ב. אורך צלע ריבוע הוא 10 ס"מ. מגדילים כל אחת מהצלעות ב- 20%, בכמה אחוזים יגדל היקפו?

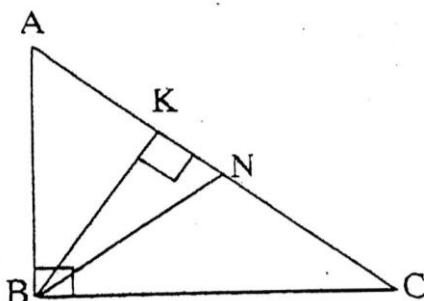
ג. א. אורך צלע של ריבוע. מגדילים זוג צלעות נגדיות ב- 10% ואת הזוג השני ב- 30%, בכמה אחוזים יגדל השטח?

ד. מגדילים זוג צלעות נגדיות של ריבוע ב- 50% ומקטינים את הזוג השני ב- 50%. האם השטח יגדל, יקטן או לא ישנה? הסבירו.

ה. אורך צלע של ריבוע הוא 10 ס"מ. מגדילים זוג צלעות נגדיות ב- א. אחוזים ומקטינים את הזוג השני ב- א. אחוזים. הראו כי השטח קטן ומצאו בכמה אחוזים הוא קטן.

ו. הראו כי אורך האלכסון של המלבן שהתקבל בסעיף הקודם גדול לפחות מ א. אחוזים (בהתואה לאלכסון הריבוע).

### הוכחות מושלמים



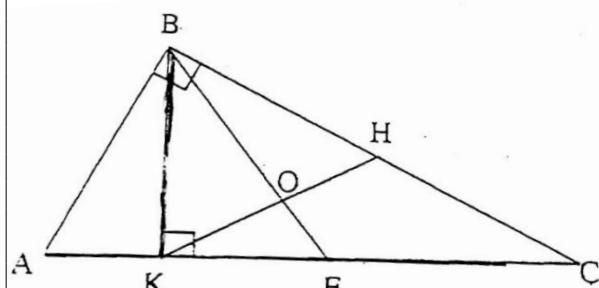
1. BK הוא הגובה ליתר AC  
BN הוא התיכון ליתר AC במשולש ישר זווית ABC

$$(\angle ABC = 90^\circ)$$

$$\angle C = \alpha$$

$$(\alpha < 45^\circ)$$

צ"ל: הבע באמצעות α את זווית KBN

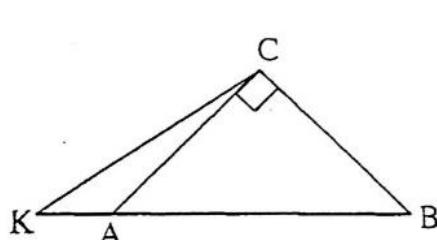


2. BK הוא הגובה ליתר AC  
BF הוא התיכון ליתר AC במשולש ישר זווית BC

הנקודה H היא אמצע BC

ו- KH נחתכים בנקודה O  
ונתנו  $BF = KH$

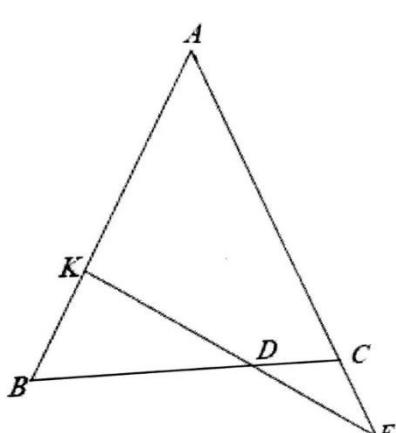
$$\angle BOK = 3\angle ABK$$



3. המשולש ABC הוא ישר זווית ושווה שוקיים.  
( $AC=CB$ ).  
הנקודה K נמצאת על המשר AB.

$$AB=KC$$

צ"ל: חשב את זווית KCA (יש להוסיף בניית עזר).



$$AB=AC .4$$

$CD=CE$  והנקודות K, D, E נמצאות על ישר אחד

$$\text{נומן: } \angle AKE = \alpha, \quad \angle CED = \beta$$

צ"ל:

$$\alpha = 3\beta .$$

$$\text{ב. נתון: } \alpha = 90^\circ$$

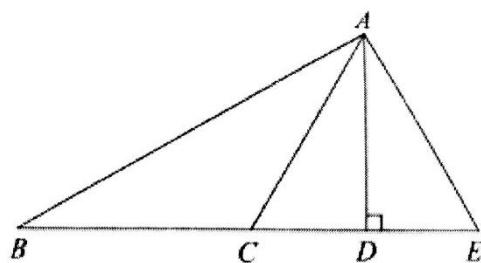
וכן נתון כי אורך הצלעות  $AC=10$  ו-  $2$

מצא את אורך AE

(רמז: העזר במשפט המתיחוס למשולש ישר זווית

, זו הזוויות הן בנות:  $30^\circ, 60^\circ, 90^\circ$ )

5. הוכיח את המשפט: "משולש בו התיכון שווה למחצית הצלע אותה הוא חוצה הוא משולש ישר זווית".

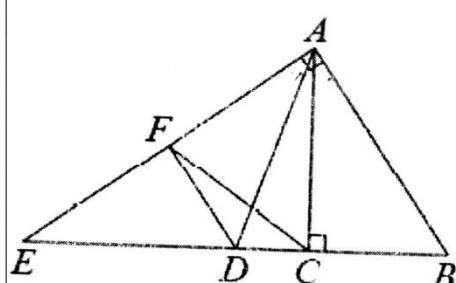


ב.  $AD$  הוגבה לבסיס  $BE$  במשולש  $ABE$

$$AB=2AD, AC=BC=CE$$

צ"ל: חשב את היחס:  $\frac{CD}{AC}$

6. המשולשים  $ABC$  ו-  $ABE$  הם משולשים ישרי זווית.



$$\angle BCA = 90^\circ$$

$$\angle BAE = 90^\circ$$

$AD$  תיכון לצלע  $BE$  במשולש  $ABE$

$AE$  אמצע קטע  $F$

צ"ל:

א. נתון:  $\angle E = 35^\circ$  חשב את גודל זווית  $\angle DAC$

ב. חשב את גודל זווית  $\angle DFC$

7. קטעי אמצעים במשולש  $ABC$ :  $EF$ ,  $DE$

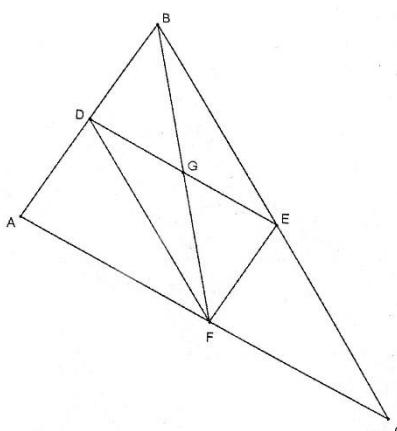
צ"ל: א. אילו מהטענות הבאות נכונות תמיד?

•  $EG=DG$

•  $AC$  תיכון לצלע  $BF$

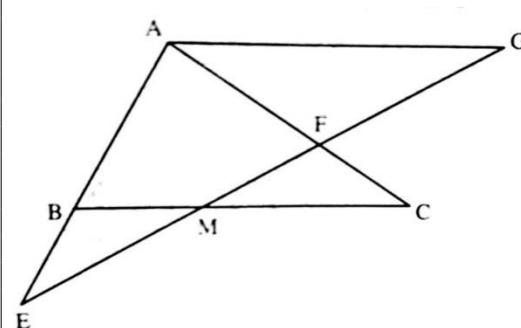
•  $FD \perp AB$

•  $2*GE = FC$



ב. בחרו אחת מהטענות שבחרתם בסעיף א' והוכיחו אותה.

8. נתון:  $\angle ABC = \angle AFE = 50^\circ$ ,  $\angle AEG = 20^\circ$ ,  $AG \parallel BC$



צ"ל: א. חשב את זווית המשולשים  $FCM$  ו-  $AEG$

ב. הוכיח  $\Delta AEG \sim \Delta FCM$

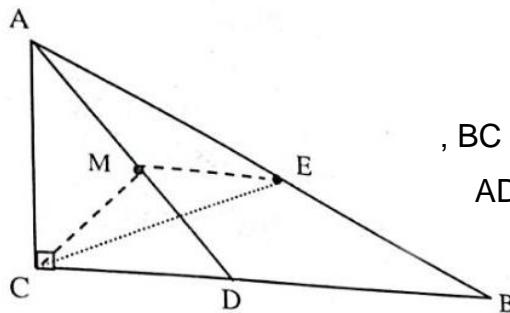
ג. נתון:  $EM=MC$

הוכיח:  $\Delta EBM \cong \Delta CFM$

ד. נתון:  $\frac{AG}{BM} = \frac{5}{2}$

פי כמה גדול שטח משולש  $AEG$  משטח

משולש  $FCM$ ? נמק



9. משולש  $ABC$  הוא ישר זווית ( $\angle C = 90^\circ$ )

נקודה  $E$  היא אמצע צלע  $AB$ . נקודה  $D$  נמצאת על צלע  $BC$ , כך שמתקיים:  $AD=DB$ .

**צ"ל:** א.  $ME \parallel BC$

ב.  $ME=CM$

ג. נתון:  $12 \text{ ס"מ} = AD = AB = 20 \text{ ס"מ}$ . חשב את

היקף משולש  $CME$

10. - $KLMT$  והם ריבועים מונחים על קטע  $EM$ .

קודקוד  $B$  וקודקוד  $L$  של הריבועים מונחים על הקטע  $EL$

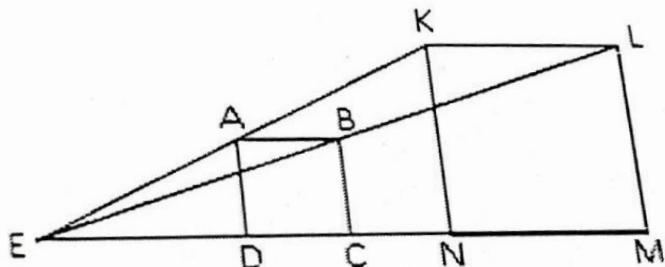
קודקוד  $A$  וקודקוד  $K$  של הריבועים מונחים על הקטע  $EK$

$DC=CN$ ,  $ED=NM$

**צ"ל:** א.  $\triangle EBC \sim \triangle ELM$

ב.  $AD$  הוא אמצעים במשולש  $EKN$

ג. נתון:  $1 \text{ ס"מ} = AB$ , חשבו את שטח הטרפז  $AKND$

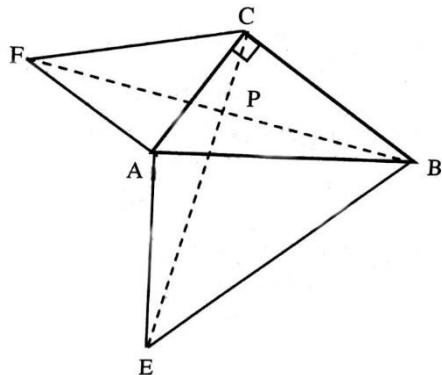


11. על הצלעות  $AB$  ו-  $BC$  של משולש  $ABC$

נבנו שני משולשים:  $ABD$  ו-  $BCE$  כך שמתקיים:

$$BC=BE=CE \text{ ו- } AB=BD=AD$$

$$\text{צ"ל: } AE=CD$$



12. נתון משולש  $ABC$  ישר זוית ( $\angle ACB = 90^\circ$ )

$$AF \perp AC, AE \perp AB, AF=AC, AE=AB$$

הקטעים  $CE$  ו-  $BF$  נפגשים בנקודה  $P$

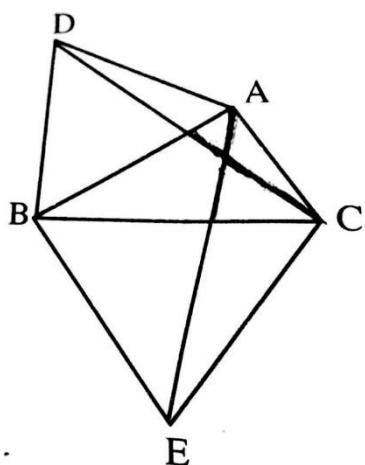
$$\text{צ"ל: a. } BF=EC$$

$$\text{ב. } BF \perp EC$$

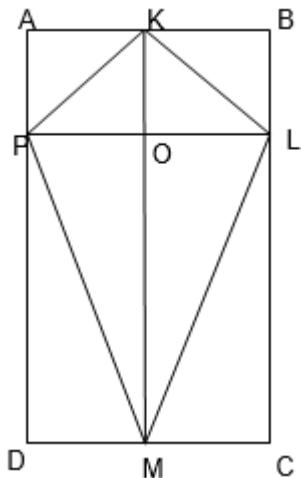
ג. נתון כי שטח המשולש  $AFC$  הוא  $4.5 \text{ סמ"ר}$

ושטח משולש  $AEB$  הוא  $12.5 \text{ סמ"ר}$ .

חשב את שטח משולש  $ABC$ .



## הוכחות מרובעים:



1. המרובעים ABCD ו- PLCD הם מלבנים.  
הנקודה K היא אמצע הצלע AB. הנקודה M היא אמצע הצלע DC.

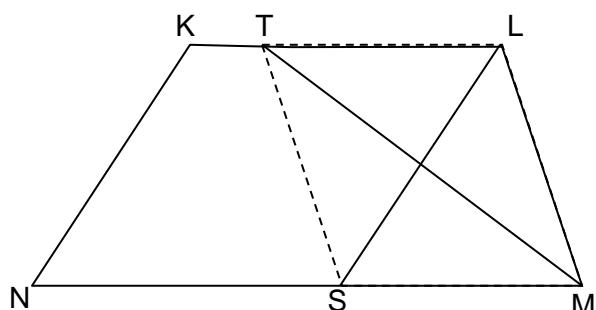
O היא נקודת המפגש של אלכסוני המרובע KLMP.  
א. הוכיחו: המרובע KLMP הוא דלתון.

$$KO = \frac{1}{2}PL$$

ב. נתון גם הוכיחו: AKOP הוא ריבוע.

ג. נתון גם:  $\sqrt{2}$  ייח' = PK.

הנקודה P מחלקת את הצלע AD כר 3 : 1.  
חשבו את שטח המלבן ABCD.



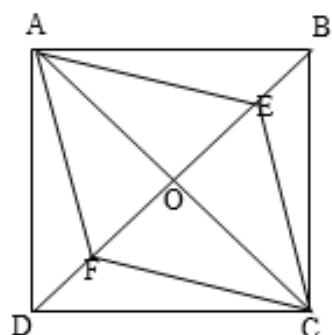
2. נתון טרפז KLMN ( $KN \parallel ML$ ).  
LS חוצה זווית L, MT חוצה זווית M  
הוכיחו:

א.  $LS \perp TM$

ב. משולש TLM משולש שווה שוקיים

ג. המרובע LMST הוא מעוין.

3. ABCD ריבוע. F, E נקודות על האלכסון BD כך ש:  $DF = EB$   
א. הוכיחו: AEFCF מעוין.

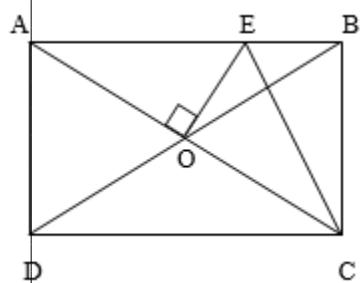


נתון:  $\angle BAE = 15^\circ$ ,  $m\angle FEA = 14^\circ$

ב. חשבו את זווית המעוין AEFCF.

ג. חשבו את אורך האלכסון AC.

ד. חשבו את היקף המעוין AEFCF.



4. במלבן  $ABCD$  נתון  $OE = BE$ ,  $AC \perp OE$  (ראו בציור)

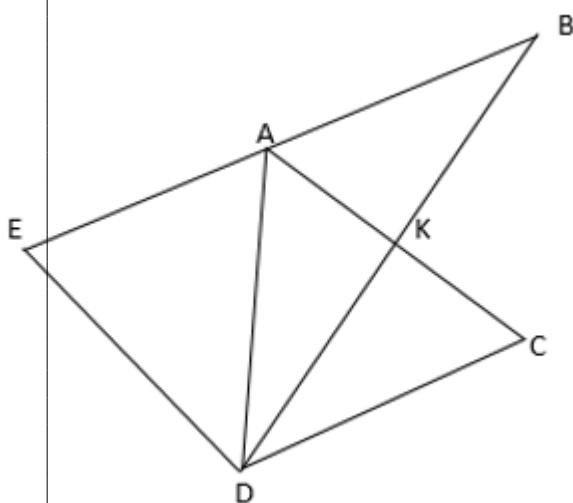
הוכחו :

א. משולש  $ABC$  שווה שוקיים.

ב.  $\Delta AEO \cong \Delta EBC$

ג. מרובע  $OEBC$  הוא דלטון.

5. DK הוא תיכון לצלע  $AC$  במשולש  $ADC$ .  
הנקודה  $B$  נמצאת על המשך  $DK$  כך ש  $BK=DK$ .



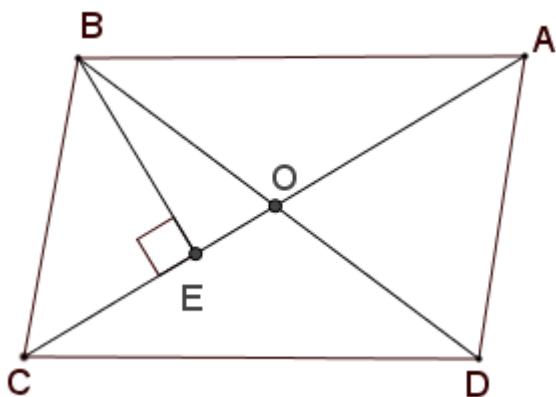
א. הוכחו כי המרובע  $ABCD$  הוא מקבילית.

ב. נתון: הנקודה  $E$  נמצאת על המשך הצלע  $AB$  ומתקיים  $EA=AB$  הוכחו כי:

$$CK = 0.5 * ED$$

ג. נתון כי  $\angle EDB = 90^\circ$ , הוכחו כי המרובע  $ABCD$  הוא מעוין.

ד. הוסיפו נתון כי משולש  $ACD$  יהיה משולש שווה צלעות.

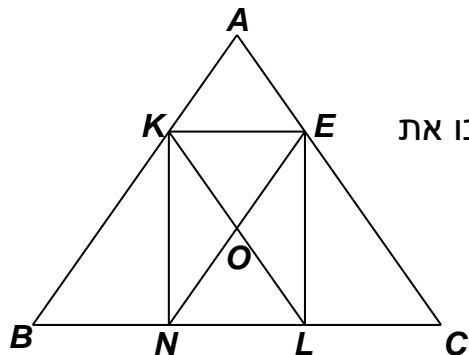


6. נתונה המקבילית  $ABCD$ .

א. הוכחו כי אלכסוני המקבילית חוצים זה את זה.

ב. במקבילית  $ABCD$ , הקטע  $BE$  חוצה את הזווית  $\angle DBC$  ומאונך לאלכסון  $AC$ , ( $BE \perp AC$ ),  $BE = 5$ ,  $BC = 4$ . חשבו את אלכסוני המקבילית.

7. משולש  $ABC$  הוא משולש שווה שוקיים ( $AB=AC$ ). המרובע  $KELN$  הוא מלבן החסום במשולש  $ABC$ .  $KL \parallel AC$ ,  $NE \parallel AB$ .

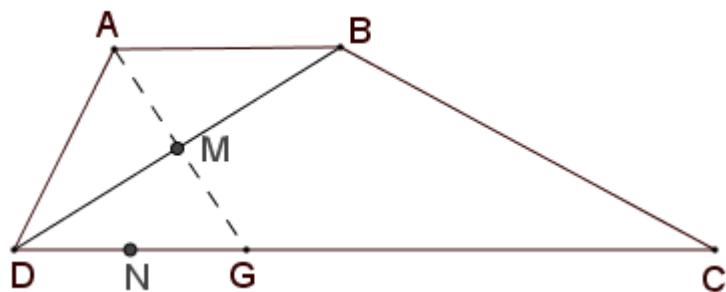


א. הוכחו כי  $BN = NL = LC$

ב. הוכחו כי  $AEOK$  הוא מעוין.

ג. נתון  $48^\circ$  מ"מ,  $BC = 48$  ס"מ, היקף המלבן הוא  $76$  ס"מ. חשבו את אורך הגובה המורכב מקדקוד  $A$  לצלע  $BC$ .

8. טרפז  $ABCD$  ( $AB \parallel CD$ ) . האלכסון  $BD$  חוצה את הזווית  $\angle ADC$ . הנקודה  $M$  היא אמצע האלכסון  $DB$ . המשך הקטע  $AM$  חותך את הבסיס הגדול של הטרפז  $DC$  בנקודה  $G$ .

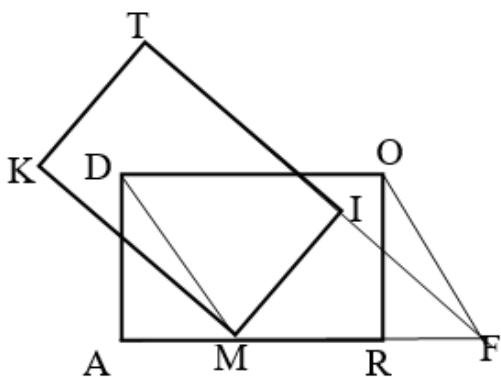


א. הוכחו כי המרובע  $ABGD$  הוא מעוין.

ב. הנקודה  $N$  היא אמצע הקטע  $DG$ . הוכחו כי  $MN = NG$ .

ג. נתון גם:  $\angle NMG = 65^\circ$ ,  $DB = BC$ . חשבו את זוויות המרובע  $BMGC$ .

9. המרובעים  $TIMK$  ו-  $DORA$  הם מלבנים חופפים. המשך הצלע  $TI$  חותך את המשך הצלע  $AR$  בנקודה  $F$ . נתון:  $KM = 20R$ ,  $KM = 30^\circ$ ,  $\angle KMA = 30^\circ$



א. הוכחו כי המרובע  $DOFM$  הוא מקבילית.

ב. נתון:  $R$  אמצע  $MF$ , הוכחו כי משולש  $MRI$  הוא משולש שווה צלעות.

10. אלכסוני המרובע  $ABCD$  נחתכים בנקודה  $M$ .

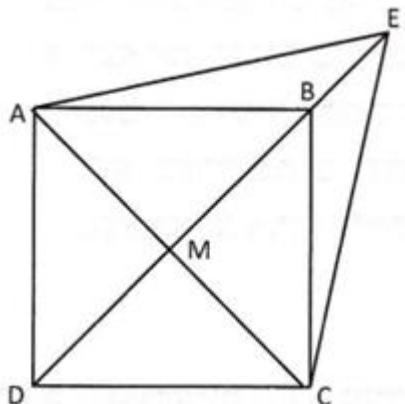
נתון:  $.AB \parallel DC , AM = MC = DM , \angle ADB = \angle BDC$

א. הוכחו כי המרובע  $ABCD$  הוא ריבוע.

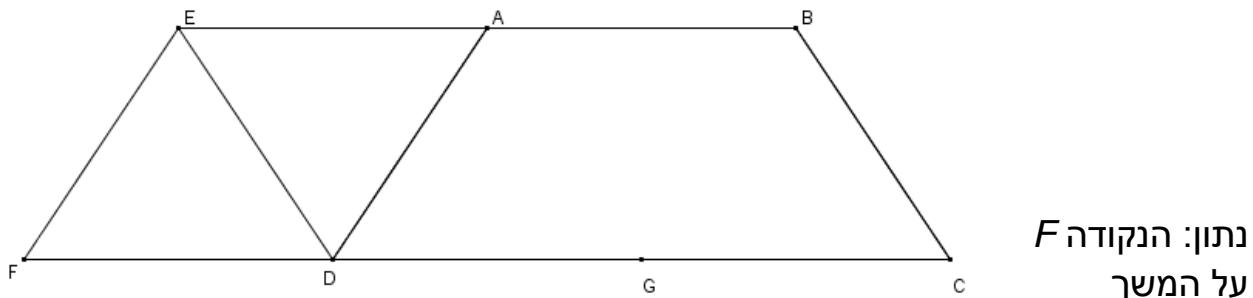
ב. מאריכים את האלכסון  $DB$  עד לנקודה  $E$  (ראו ציר). הוכחו כי המרובע  $ADCE$  הוא דלתון.

ג. נתון  $60^\circ = \angle ACE$ , צלע הריבוע  $2\sqrt{2}$  ס"מ. חשבו את היקף הדלתון.

ד. חשבו את אורך האלכסון הראשי של הדלתון  $.ADCE$ .



(  $ED \parallel BC , EB \parallel CD$  ) הוא מקבילית  $(EBCD)$



נתון: הנקודה  $F$   
על המשך

הצלע  $DC$ . המרובע  $EADF$  הוא מעוין.  $DA$  חוצה זווית  $\angle EDC$ .

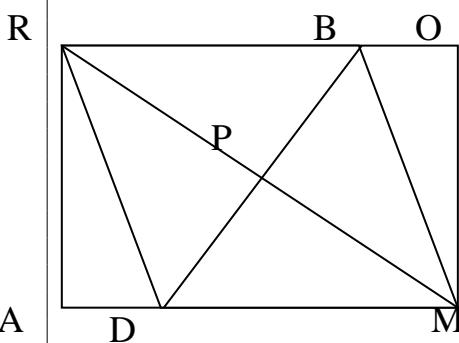
א. הוכחו:  $ABCD$  טרפז שווה שוקיים.

ב. חשבו את גודל הזווית  $\angle EDF$ .

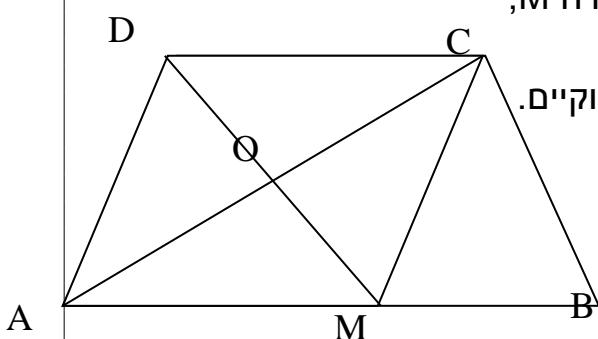
ג. הנקודה  $G$  אמצע  $DC$ ,  $DC = 2*FD$ , הוכחו  $ABCG$  מעוין.

ד. שטחו של המעוין  $EADF$   $12 \text{ סמ}^2$ . חשבו את שטחם של המקביליות  $EBCD$  ושל הטרפז  $.ABCD$ .

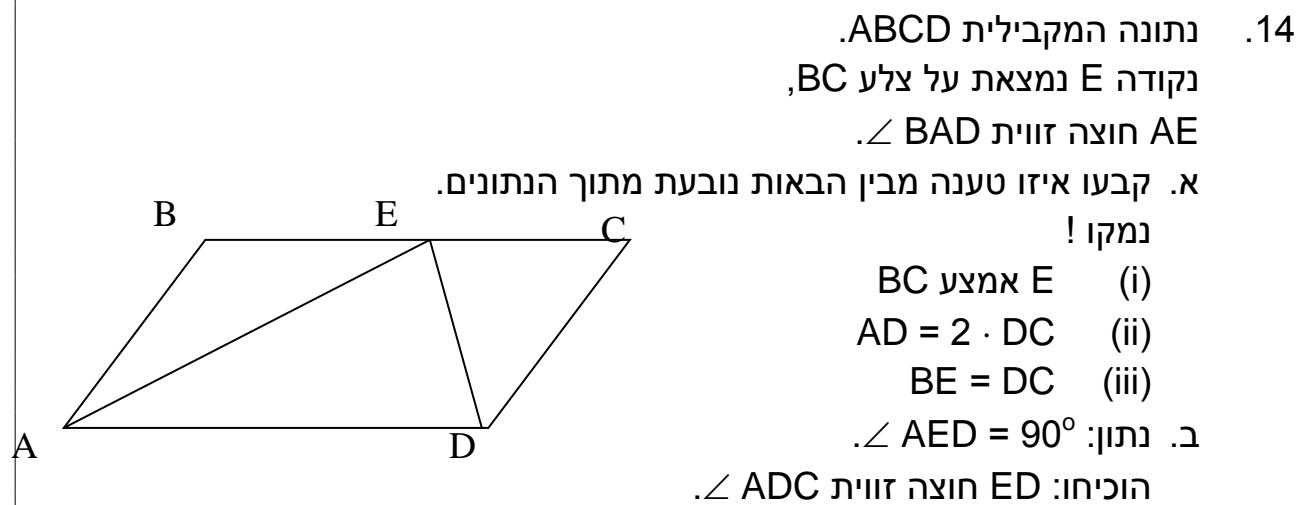
ה. שרטטו את הגובה  $EH$  לצלע  $DC$  של המקבילית  $EBCD$  ומצאו את אורך  $EH$  אם ידוע כי  $4 \text{ סמ} = DF$ .



12. הנקודה  $P$  היא מפגש האלכסונים במלבן  $ROMA$ .  
הקטע  $BD$  עובר דרך הנקודה  $P$ ,  $BD \perp RM$ .  
א. הוכחו: המרובע  $RBDM$  הוא מעוין.  
ב. נתון:  $24 \text{ ס"מ} = RM$ ,  $2 \text{ ס"מ} = BO$   
חשבו את היקף המעוין  $RBDM$  ומצאו את זוויתו.



13.  $ABCD$  הוא טרפז ( $AB > CD$ ,  $AB \parallel DC$ ),  $\angle BCD < \angle CDA$  ו-  $\angle CDA$  נחתכים בנקודה  $M$ , שהוא אמצע הבסיס  $AB$ .  
א. הוכחו כי הטרפז  $ABCD$  הוא טרפז שווה שוקיים.  
ב. ב. נתון כי  $CD = BC$ .  
(i) הוכחו כי  $DCBM$  הוא מעוין.  
(ii) הוכחו כי  $\angle ACB = 90^\circ$ .



14. נתונה המקבילית  $ABCD$ .  
נקודה  $E$  נמצאת על צלע  $BC$ ,  
 $\angle BAD$  חוצה זווית  $\angle BEC$ .

א. קבעו איזו טענה מבין הבאות נובעת מתוך הנתונים.

נמקו !

$$BC \text{ אמצע } E \quad (\text{i})$$

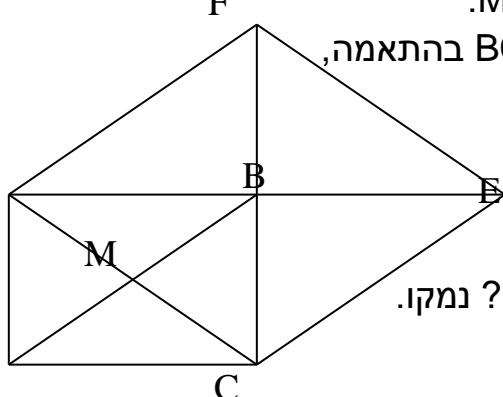
$$AD = 2 \cdot DC \quad (\text{ii})$$

$$BE = DC \quad (\text{iii})$$

ב. נתון:  $\angle AED = 90^\circ$ .

הוכיחו:  $ED$  חוצה זווית  $\angle ADC$ .

.15.  $ABCD$  הוא מלבן שאלכסוני נחנכים בנקודה  $M$ .



כך ש:  $BE = BF$  ו-  $CB = EF$ .

א. הוכחו כי  $ACEF$  הוא מעוין.

ב. הוכחו כי:  $MB = 2EF$ .

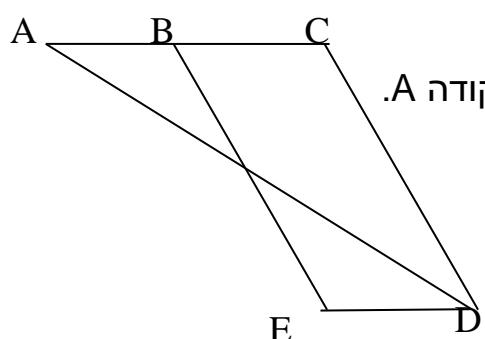
ג. האם התכונות הרשומות בסעיפים א' ו- ב' מתקיימות גם אם  $ABCD$  מקבילית כלשהי? נמקו.

.16. נתון:  $BCDE$  היא מקבילית.

חווצה-זווית  $E$  חותך את המשך הצלע  $BC$  בנקודה  $A$ .

א. הוכחו כי  $CD = AC$ .

ב. הוכחו כי  $ED = AB$ .



.17. מרובע  $ABCD$  הוא מלבן.

$G$  נקודה על המשך צלע  $CB$ .

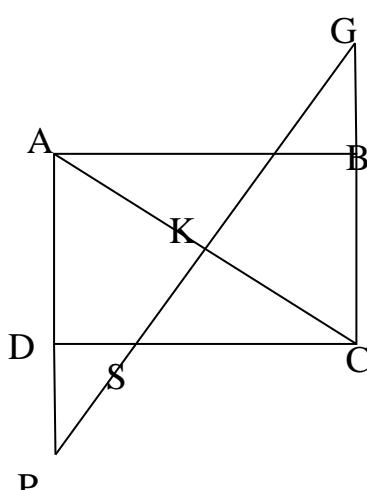
$P$  נקודה על המשך צלע  $AD$ .

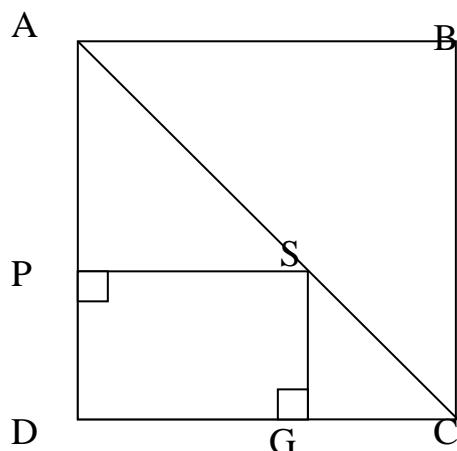
$K$  אמצע אלכסון  $AC$ .

א. הוכחו:  $\Delta AKP \cong \Delta CKG$ .

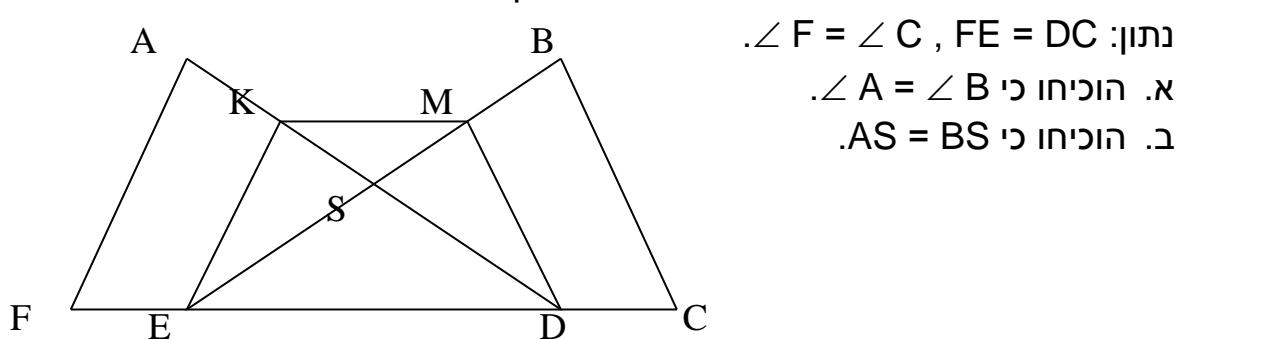
ב. נתון:  $PS = 13\text{ ס''מ}$ ,  $PS = 5\text{ ס''מ}$ ,  $DS = n\text{ ס''מ}$ .

חשבו את אורכו של  $CB$ . נמקו.

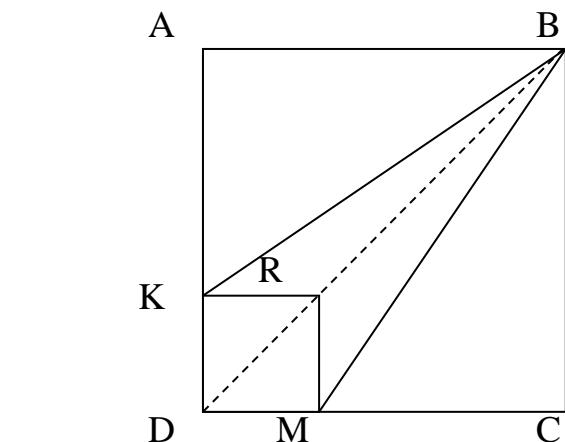




18. מרובע  $ABCD$  הוא ריבוע.  
 $SG \perp DC$ ,  $SP \perp AD$   
 א. הוכחו כי מרובע  $PDGS$  הוא מלבן.  
 ב. בחרו באפשרות הנכונה. נמקו תשובתכם.  
 (i)  $\Delta APS \cong \Delta CGS$   
 (ii)  $\Delta APS \sim \Delta CGS$   
 ג. היקף המלבן  $PSGD$  הוא  $20\text{ ס"מ}$ .  
 חשבו את היקף הריבוע  $ABCD$ .



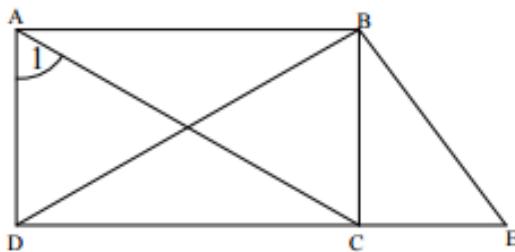
- נתון:  $\angle F = \angle C$ ,  $FE = DC$ .  
 א. הוכחו כי  $\angle A = \angle B$ .  
 ב. הוכחו כי  $AS = BS$ .



20. מרובע  $ABCD$  הוא ריבוע.  
 מרובע  $KRMD$  הוא ריבוע.  
 חיבורו נקודה  $B$  עם  $K$  ועם  $M$ .  
 א. הוכחו כי מרובע  $KBMR$  הוא דלטון.  
 ב. ב. מצאו דלטון נוסף בסרטוט.  
 ג. נתון:  $\angle KBR = 15^\circ$ .  
 חשבו את גודל  $\angle BMR$ .

## בעיות נוספות בגאומטריה

### שאלה מספר 1:



נתון:  $ABCD$  הוא מלבן

$BE \perp BD$

א. נתון גם  $\angle A_1 = 50^\circ$

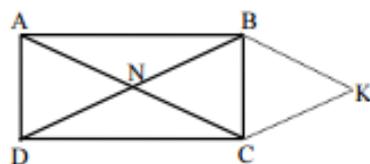
ב. חשבו את גודלה של  $\angle E$

ב. הסבירו מדוע המשולשים

$DBE$  ו-  $ADC$  אינם חופפים.

תשובה:  $60^\circ$

### שאלה מספר 2:



מרובע  $ABCD$  הוא מלבן.

N - נקודה פגישה של האלכסונים

$CK = DN$

$CK \parallel BD$

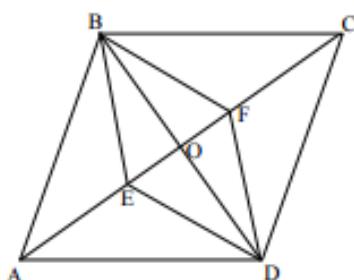
הוכיחו כי מרובע  $NBKC$  הוא מעוין.

### שאלה מספר 3:

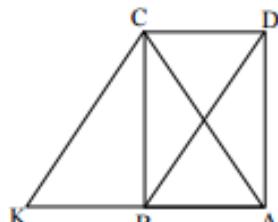
מרובע  $ABCD$  מקבילית

$CE = AF$

נתון: המרובע  $EBFD$  הוא מקבילית



### שאלה מספר 4:



נתון:  $ABCD$  מלבן. הנקודה K על המשך  $AB$ . הקטע  $CK$  שווה לאלכסון  $DB$ .

הוכיחו: א. המשולש  $ACK$  משולש שווה שוקיים.

ב. המרובע  $CDBK$  הוא מקבילית.

### שאלה מספר 5:

נתון:  $ABCD$  טרפז שווה שוקיים

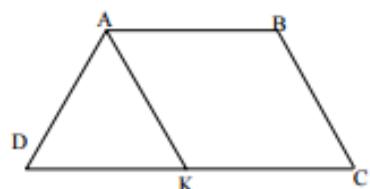
$(AD = BC, AB \parallel DC)$

$AK = CB$

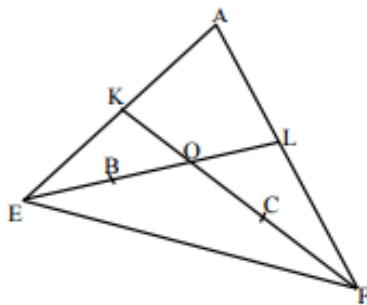
א. הוכחה:  $BCKA$  מקבילית

ב. נתון:  $AK$  חוצה  $A$  וחוצה  $C$

חשבו את זוויות הטרפז.



### שאלה מספר 6:



נתון: L, K אמצעי הצלעות AE, AF בהתאם.

O נקודה פגישה של EL ו-KF.

OE אמצע B

OF אמצע C

הוכחה:

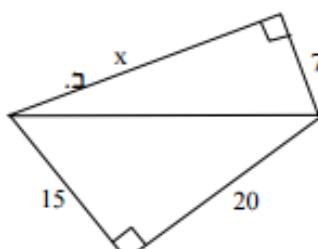
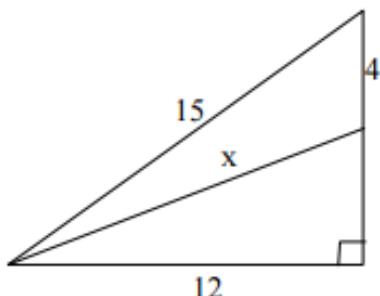
a.  $KL = BC$

b.  $KB = LC$

(העבירו בניית עזר)

### שאלה מספר 7:

מצאו את ערכו של x על פי משפט פיתגורס בשרטוטים הבאים:



תשובה: a) 24 b) 13

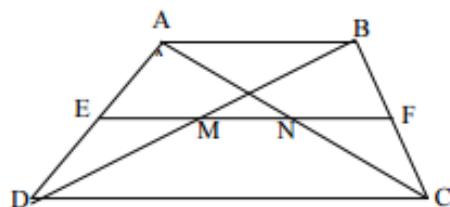
### שאלה מספר 8:

אורך אחד הגביצים במושולש ישר זווית הוא 5 ס"מ.

מה אורך הגביצם השני אם היקף המושולש 30 ס"מ?

תשובה: 12

### שאלה מספר 9:



ABCD הוא קטע אמצעים בטרפז .

AC, BD אלכסוני הטרפו ,

חוותכים את קטע האמצעים הנקודות N , M ,

נתון : DC = 18 , AB = 6 .

מצא את אורך הקטע NM .

תשובה: 6

### שאלה מספר 10:

א. הוכח כי אלכסוני המעוין מאונכים זה לזה.

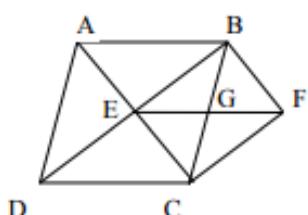
ב. ABCD הוא מעוין, E נקודה מפגש האלכסונים.

נתון CF || DB , BF || AC .

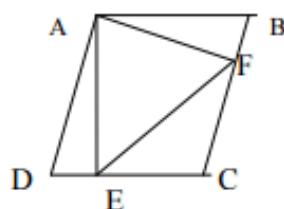
(1) הוכח כי המרובע EBFC הוא מלבן.

(2) נתון גם: GF = 4. חשב את היקף המעוין.

תשובה: 32

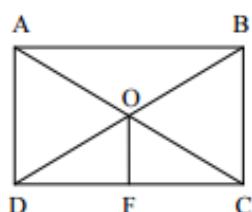


### שאלה מס' 11:



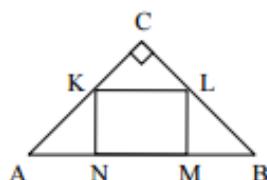
בציר נתון ABCD מעוין,  
 $AF \perp BC$ ,  $AE \perp DC$ .  
 הוכח: א)  $\angle DAE = 4\angle BAF$   
 ב) המרובע AECF הוא דלטון.

### שאלה מס' 12:



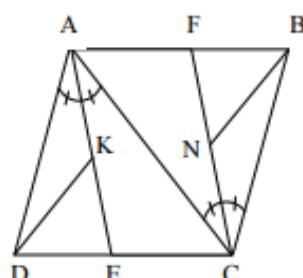
א. הוכח: אלכסוני המלבן שווים זה לזה.  
 ב. במלבן ABCD, O היא נקודה מפגש האלכסונים.  
 הקטע OF מאונך לצלע DC ( $DC \perp OF$ ).  
 כמו כן, נתון:  $4\angle ACD = 30^\circ$ ;  $OF = 4$ .  
 (1) חשב את  $\angle DBF$ .  
 (2) חשב את היקף המלבן  
 (על עד שתי ספירות אחרות נקבעה העשויות).

### שאלה מס' 13:



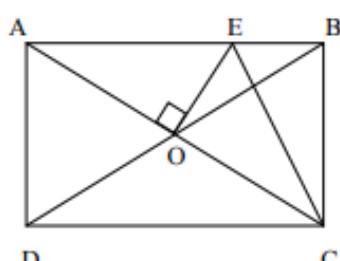
משולש ABC הוא ישר זוית ושווה שוקיים.  
 משולש KLM הוא מלבן.  
 נתון:  $AB = 20$ ,  $KL = 3KN$ .  
 חשב את היקף ושטח המלבן KLMN.

### שאלה מס' 14:



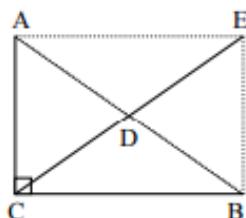
במעוין AE, ABCD חוצה זוית  $\angle DAC$  ו  $\angle ACB$  חוצה זוית  $\angle CFN$  (ראה ציור).  
 א. הוכח: המרובע AECF הוא מקבילית.  
 ב. נתון כי  $CN = NF$  ו  $AK = KE$ .  
 $\Delta DKE \cong \Delta BNF$ .  
 הוכח:

### שאלה מס' 15:



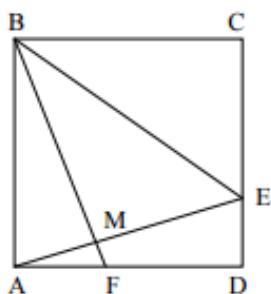
במלבן ABCD נתון:  $AC \perp OE$  (ראה ציור).  
 $OE = BE$ .  
 הוכח:  
 א. משולש AEC ש"ש  $\Delta AEO \cong \Delta EBC$ .  
 ב. מרובע OEBC הוא דלטון.

שאלה מספר 16:



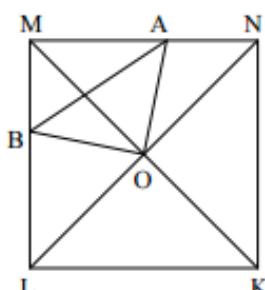
נתן משולש  $ABC$  ישר זווית ( $\angle C = 90^\circ$ ).  
תיכון ליתר  $AB$  חותם  $CD$   
הקטע  $DE$  הוא המשך התיכון, כך ש:  $CD = DE$   
הוכחה כי המרובע  $ACBE$  הוא מלבן.

שאלה מספר 17:



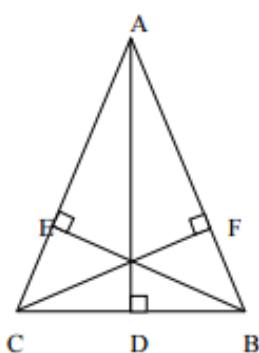
בריבוע  $ABCD$  נתון:  
 $ME = BE$   $\frac{1}{2}$ ,  $CE = DF$  (ראה ציר).  
א. הוכחה:  $\angle CEM + \angle CBM = 180^\circ$   
ב. הוכחה:  $\angle ABF + \angle CBE = 60^\circ$

שאלה מספר 18:



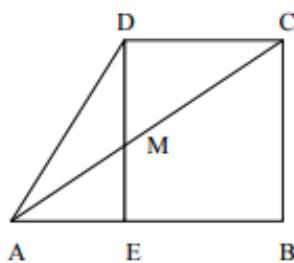
בריבוע  $KLMN$  שלכסנו נגשים בנקודה  $O$   
נתן כי  $\angle AOB = 90^\circ$   $\angle AON = 45^\circ$  (ראה ציר).  
א. הוכחה:  $\triangle BMO \cong \triangle ANO$ .  
ב. הוכחה: המשולש  $\triangle AOB$  שווה שוקיים.  
ג. נתון:  $MB = 2BN$ . מצא את זווית  $\angle AON$ .

שאלה מספר 19:



נתן משולש  $\triangle ABC$  גובה  $AD$  לצלע  $BC$ ,  
גובה  $CE$  לצלע  $AB$ ,  
גובה  $BF$  לצלע  $AC$ .  
נתון:  $CF = BD$ .  
א. הוכחה כי המשולש  $\triangle ABC$  שווה שוקיים.  
ב. הוכחה כי המרובע  $BCEF$  הוא טרפז שווה שוקיים.

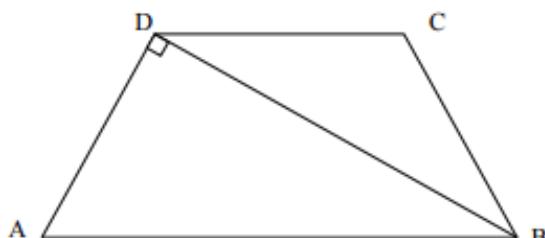
### שאלה מס' 20:



הוא טרפז ישר זוית ( $\angle B = 90^\circ$ ).  
האלכסון AC חותך את גובה הטרפז DE בנקודה M.  
נתון:  $DM = ME$ .

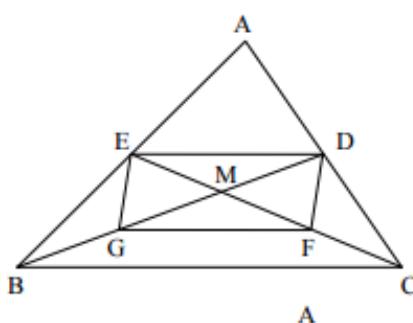
- א. הוכח כי  $AE = EB$ .
- ב. האנך מ- B לאלכסון AC חותך את האלכסון GE = EB.  
בקודה G. הוכח כי  $G$ .

### שאלה מס' 21:



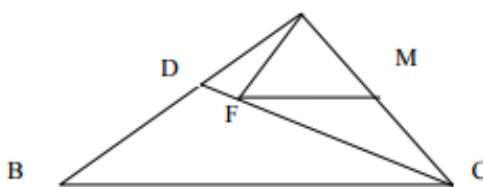
הוא טרפז שווה שוקיים ( $BC = AD$  ).  
 $AD \parallel BC$   
הוא חוצה זוית ( $\angle CBA = \angle BDC$ ).  
א. הוכח  $CB = DC = AD$   
ב. חשב את זוויות הטרפז.  
ג. נתן  $AB = 10\text{ cm}$ . חשב את ריקף הטרפז.

### שאלה מס' 22:



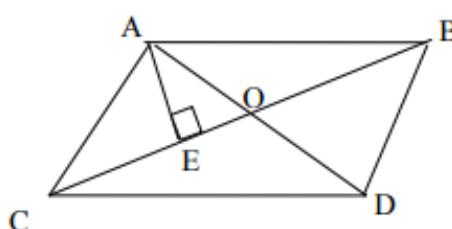
AB  $\parallel$  CE  $\parallel$  BD  $\parallel$  AC התיכונים לצלעות  $\angle ABC$  נפגשים בנקודה M.  
הנקודה F היא אמצע הקטע MC.  
הנקודה G היא אמצע הקטע MB.  
הוכח שהמרובע EDFG הוא מקבילית.

### שאלה מס' 23:

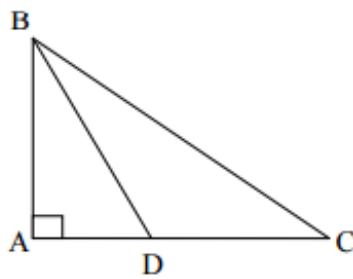


- א. הוכח: אם במשולש התיכון לצלע שווה למחצית הצלע אותה הוא חוצה, אז המשולש הוא משולש ישר זוית.  
נתון משולש  $\triangle ABC$  חוצה זוית  $\angle ACB = 45^\circ$  (ראה ציור).  
 $BC \parallel MF$ .  $AM = MC$   
הוכח:  $\angle AFC = 90^\circ$ .
- ב.

### שאלה מס' 24:

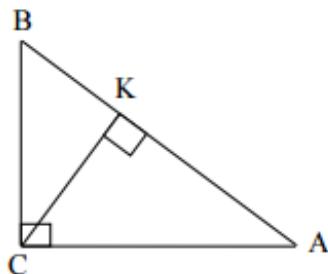


- א. הוכח כי אלכסוני המקביליות חוצים זה את זה.  
ב. נתונה מקבילית ABCD.  
הקטע BE חוצה את זוית  $\angle DBC = 45^\circ$   
ומאונך לאלכסון AC ( $AC \perp BE$ ).  
כמו כן נתון:  $BC = 4\text{ cm}$ ;  $BE = 5\text{ cm}$ .  
חשב את אלכסוני המקביליות.



**שאלה מס' 25:**  
זוויות הווית במשולש ישר זווית  
 $\angle A = 90^\circ$   $\angle ABC$   
נתון:  $AD = x$ ,  $\angle C = 30^\circ$

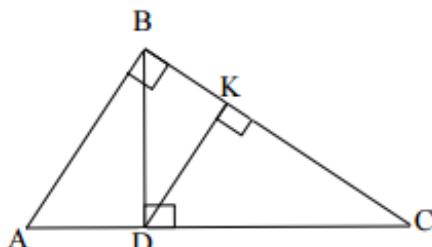
- חשב את זוויות  $\angle ABD$  ו-  $\angle ABC$ .
- הבע את  $AC$  באמצעות  $x$ .



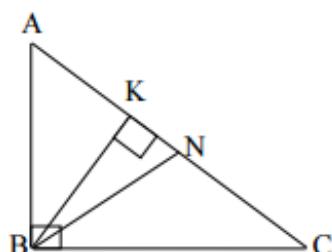
**שאלה מס' 26:**  
CK הוא הגובה ליתר AB במשולש ישר זווית ABC  
 $\angle ACB = 90^\circ$   
נתון:  $AK = 12$ ,  $\angle A = 30^\circ$

- מצא את זוויות  $\angle BCK$  ו-  $\angle BKA$ .
- חשב את אורך הקטע BK

(הדרך: סמן:  $BK = x$ )  
והבע באמצעות  $x$  את הקטעים  $AB$  ו-  $BC$ .



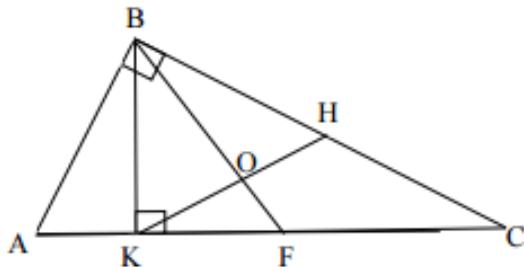
**שאלה מס' 27:**  
במשולש ABC נתון:  
 $\angle ABC = 90^\circ$   
 $BD \perp AC$   
 $DK \perp BC$   
 $\angle C = 30^\circ$   
 $DK = 6$   
חשב את אורך הקטע AC.



**שאלה מס' 28:**  
AC הוא הגובה ליתר BK  
ו- BN הוא התיכון ליתר ABC  
במשולש ישר הזווית ABC  
 $\angle ABC = 90^\circ$   
נתון:  $\alpha < 45^\circ$ ,  $\angle C = \alpha$

הבע באמצעות  $\alpha$  את זוויות  $\angle KBN$  ו-  $\angle KBC$ .

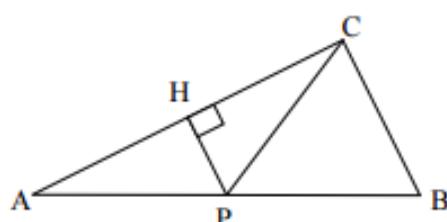
**שאלה מס' 29:**



הא הגובה ליתר  $AC$  הוא  $BK$   
וליתר  $AC$  הוא התיכון  $BF$ .  
 $\angle ABC = 90^\circ$  במשולש ישר זווית  $ABC = 90^\circ$ .  
הנקודה  $H$  היא אמצע  $BC$ .  
וליתר  $BF$  נחתכים בנקודה  $O$ .

הוכחה:  $\angle BOK = 3 \angle ABK$

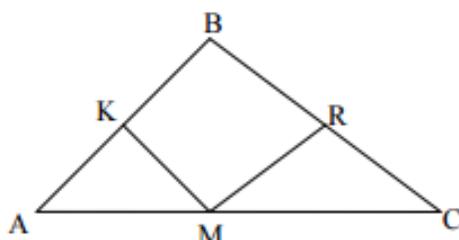
**שאלה מס' 30:**



במשולש  $ABC$  נקודה  $P$  היא אמצע  $AB$ .  
הנקודה  $H$  היא אמצע  $AC$ .  
נתון:  $PH \perp AC$

הוכחה: המשולש  $ABC$  הוא ישר זווית.

**שאלה מס' 31:**

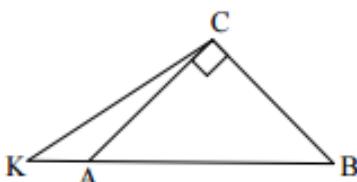


$M$  היא נקודה על הצלע  $AC$  במשולש  $ABC$ .  
הנקודות  $K$  ו-  $R$  הן בהתאמה.  
אםצע הצלעת  $AB$  ו-  $BC$ .

נתון:  $MK = \frac{1}{2} AB$

הוכחה:  $MR = \frac{1}{2} BC$

**שאלה מס' 32:**

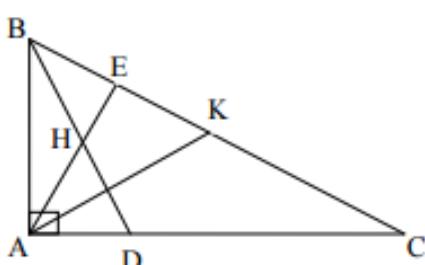


במשולש  $ABC$  הוא ישר זווית ושווה שוקיים  
( $AC = CB$ )

הנקודה  $K$  נמצאת על המשך  $AB$ .

נתון:  $AB = KC$ .  
הוכח את זווית  $\angle KCA = 4\angle KCA$ .

**שאלה מס' 33:**



במשולש  $ABC$  הוא ישר זווית ( $\angle BAC = 90^\circ$ ).  
הנקודה  $K$  היא אמצע  $BC$ .  
הנקודה  $H$  היא אמצע  $BD$ .

הנקודה  $E$  היא חיתוך של  $BC$  עם המשך  $AH$ .

נתון:  $BD \perp AK$

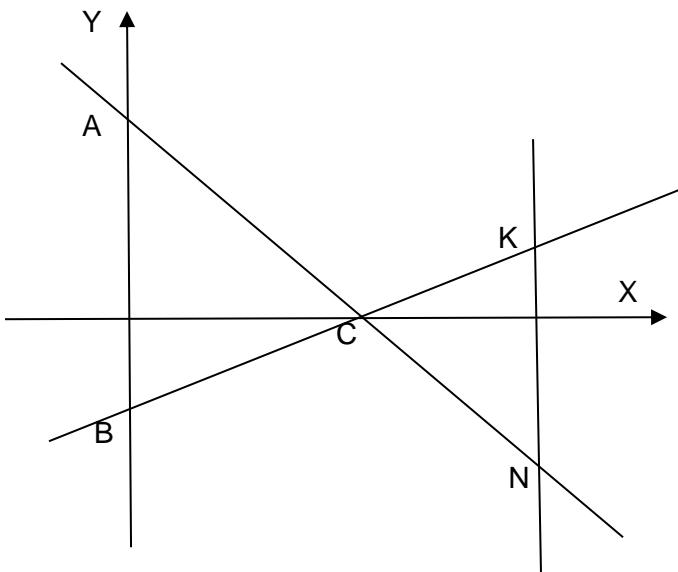
הוכחה:  $AE \perp BC$

(סמן:  $x = \angle C$  והבע בעזרת  $x$  את הזווית  $\angle BKA$  ו-  $\angle EAK$ ).

## אוסף שאלות אינטגרטיביות

1. הישרים  $AN$  ו-  $BK$  הם גרפים של הפונקציות:

$$y = 0.5x + 2 \quad . \quad y = -x - 4$$



2. התאים נוסחה לישר ומוצא את שוערי הנקודות:  $C$ ,  $A$ ,  $B$ ,  $N$ .

3. נתון  $X_N = 10$ .  $Y_K = 1$ . הוכח כי  $KN$  מאונך לציר ה- $X$ .

4. הוכח:  $\Delta ABC \sim \Delta CKN$ .

5. חשב את יחס הדמיון. (ת. 0.25. י"ז)

$$6. \text{ חשב את } \frac{AN}{NC}.$$

7. חשב את  $\frac{AN}{NC}$ .

8. הגראפים שבשרטוט הם הפונקציות:

$$Y = 11 - X$$

$$Y = 0.5X + 2$$

הקוואים  $AB$  ו-  $CD$  מקבילים לציר ה- $y$ .

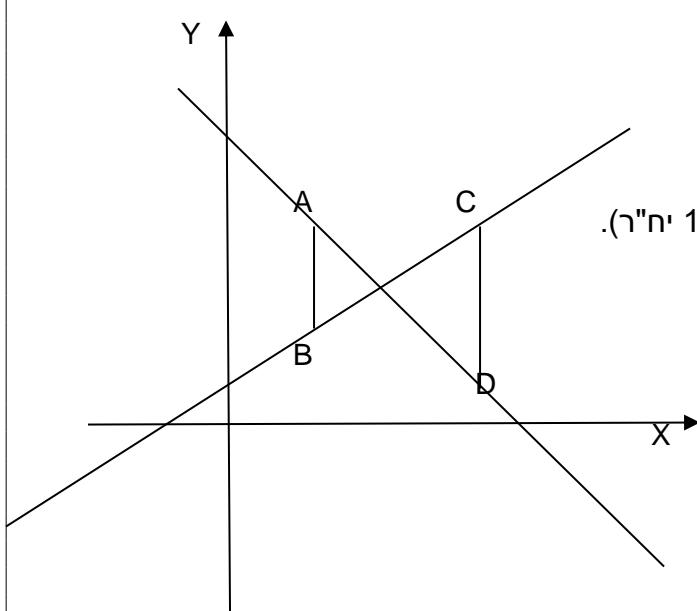
משוואת הישר  $AC$  הוא  $y = 6$ .

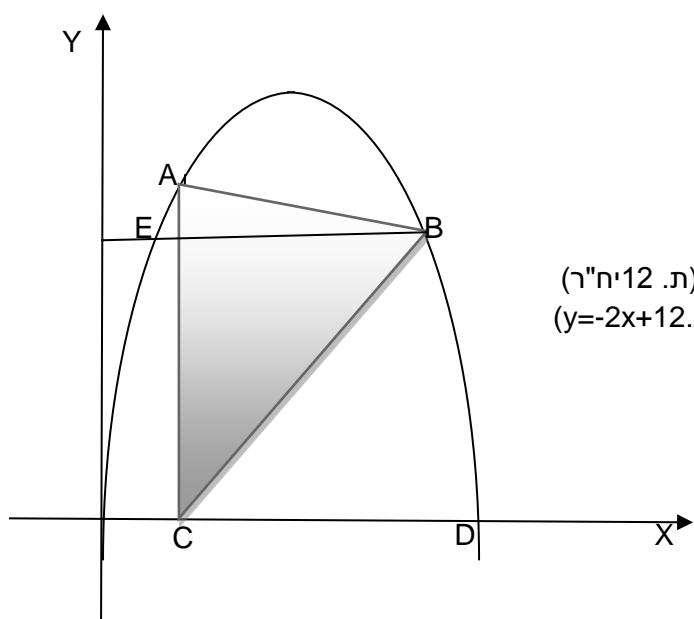
א. מצא את שוערי הנקודות:

$A, B, C, D$

ב. הוכח  $ABDC$  טרפז ישר זווית.

ג. חשב את שטח הטרפז  $ABDC$ . (ת. 14 י"ר).





9. נתון גרף הפרבולה  $y = -x^2 + 6$

$$\text{וישר } AB: y = -x + 10$$

א. מצא את שיעורי הנקודות: A, B, C, D, E.

ב. מצא את שטח המשולש ABC. (ת. 12 יח"ר)

ג. מצא את משוואת הישר AD. (ת. 12 יח"ר) ( $y = -2x + 12$ )

ד. חשב את אורך BC. (ת. 12 יח"ר) ( $\sqrt{34}$ )

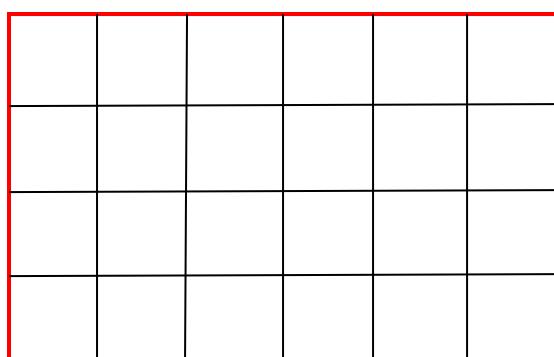
10. המלבן שהיקפו צבוע באדום מחולק ל-24 ריבועים זהים. (ראה שרטוט)

בוחרים באקראי ריבוע, מה ההסתברות:

א. לבדוק שתים מצלעותיו צבועות צבעות באדום? (ת'  $\frac{1}{6}$ )

ב. לבדוק את מצלעותיו צבועה באדום? (ת'  $\frac{1}{2}$ )

ג. שאף לא אחת מצלעותיו צבועה באדום? (ת'  $\frac{1}{3}$ )



11. זורקים קוביית משחץ הוגנת. אם הקובייה מראה מספר קטן מ-2 זוכים ב-100 ש"נ, אם הקובייה

מראה מספר המתחלק ב-3 זוכים ב-50 ש"נ ובשאר המקרים לא זוכים בכלל...

זורקים את הקובייה פעמיים.

מה ההסתברות שנזכה ב- 100 ש"נ? (ת'  $\frac{5}{18}$ )

12. מחיר חברה נמוך ב-25% ממחירו של יומן.

מחירם של 2 חברות ו-3 יומנים יחד הוא 170 ש"נ.

א. מצא את מחיר החברה. (ת' 30 ש"נ)

ב. מצא את מחיר היומן. (ת' 40 ש"נ)

ג. בכמה אחוזים נמוך מחירם של 4 חברות ממחירם של 4 יומנים? (ת' ב-25%)

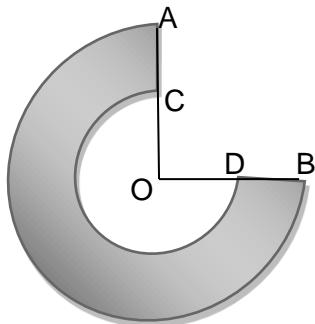
13. מחיר מחשב נמוך ב-20% ממחיר פלאפון. בכמה אחוזים גבוהה מחיר הפלאפון ממחיר המחשב?  
نمוק! (ת' 25%)

14. סכום כסף חולק בין 3 אנשים. הראשון קיבל ממחצית מהסכום הכולל פחות 1000 ש"נ, השני קיבל רבע מהסכום הכולל ועוד 500 ש"נ והשלישי קיבל חמישית מהסכום הכולל ועוד 900 ש"נ.

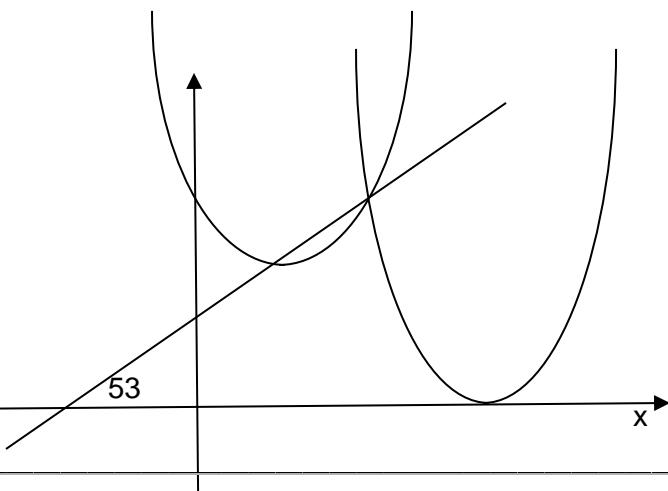
- מצאת הסכום שחולק בין השלישי. (ת' 8000 ש"נ).
- כמה כסף קיבל כל אחד מהם? (ת' 3000 ש"נ, 2500 ש"נ, 2500 ש"נ)
- מהו היחס בין סכומי הכסף שקיבלו שלושת האנשים? (ת' 6 : 5 : 5)

15. בונים קופסה בצורת תיבה שפתוחה מלמעלה. בסיס הקופסה ריבוע, גובה התיבה 24 ס"מ ונפחה 2400 סמ"ק.

- מצאת אורך בסיס התיבה. (ת' 10 ס"מ)
- מצאת עלות הקופסה אם ידוע שכיל סמ"ר של חומר ממנו בניי הבסיס עולה 12 ש"נ וכל סמ"ר של חומר ממנו בנויים הדפנות עולה 8 ש"נ. (ת' 8800 ש"נ).



16. הצורה שלפניכם היא  $\frac{3}{4}$  מהטבעת הנמצאת בין שני מעגלים שרדיוסם 10 ס"מ ו- 5 ס"מ.  
מצאת שטח הטבעת והיקפה.  
(ת' שטח 56.25 סמ"ר, היקף  $\pi \cdot 10 + 22.5\pi$  ס"מ)



17. הפרבולות שברוטוט הן:

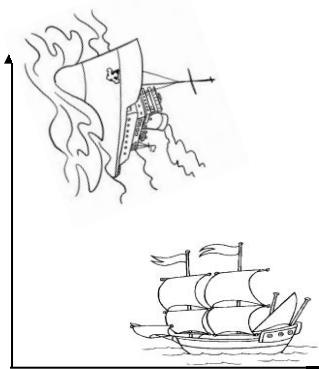
$$y = 4(x - 4)^2$$

$$y = x^2 - 3x + 4$$

הישר שברוטוט עובר דרך נקודת החיתוך של הפרבולות וחותך את ציר ה- $y$  בנקודה  
שהיא  $y = 1$ .

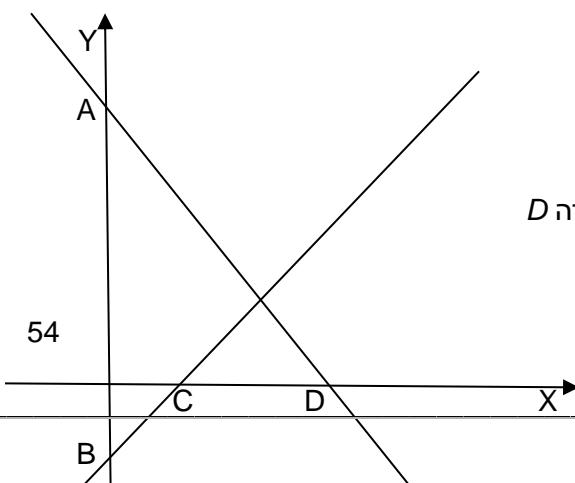
- התאם נוסחה לפרבולה.
- מצאת משוואת הישר ( $y = x + 1$ )

ג. מצא את שטח המשולש שיוצר הישר עם הצללים. (0.5 יח"ר)



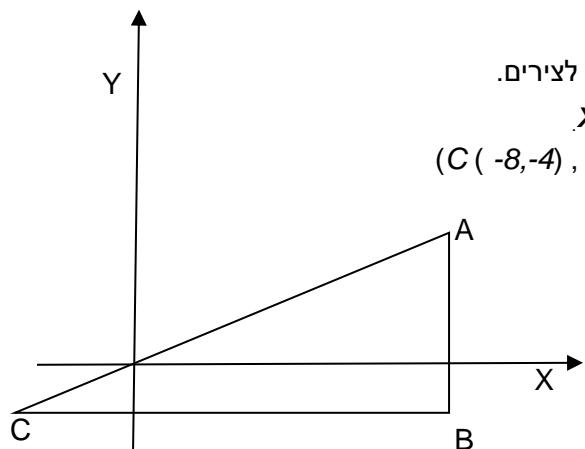
18. שתי ספינות יוצאות בו זמנייה מאותה נקודה. אחת שטה מזרחה והשנייה צפונה. מהירות ספינה אחת גדולה פי  $\frac{1}{3}$  מהירות הספינה השנייה. בעבר 30 דקות המרחק בין שתי הספינות 20 ק"מ. מצא את מהירות כל אחת מהספינות.  
(ת' 36 קמ"ש, 48 קמ"ש)

19. משאית נסעה מדימונה לאלית מרחק של 75 ק"מ. 15 דקות לאחר מכן יצאת מוניות מדימונה לאלית ב מהירות של 90 קמ"ש. המונית השיגה את המשאית וחזרה מיד לדימונה. המשאית הגיעה לאלית ברגע שהמונייה הגיעה חזרה לדימונה. מצא את מהירות המשאית.  
(ת' 60 קמ"ש).

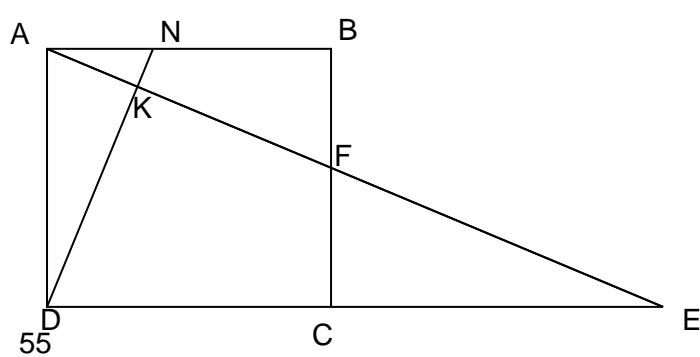


20. הישרים  $AD$  ו-  $BC$  הם גрафים של פונקציות:  
 $y = 3x - 15$   
 $y = -2x + 20$   
א. התאם נוסחה לישר.  
ב. מצא את משוואת הישר המקביל ל-  $BC$  ועובר בנקודה A. (ת'  $20 + 3x = y$ )  
ג. מצא את משוואת הישר העובר דרך הנקודה D ומקביל לישר  $BC$  (ת'  $30 + 3x = y$ )

21. גраф הפונקציה  $y = -x^2 + 1$  עובר בנקודה (8, 1).  
 א. מצא את משוואת הפרבולה. ( $y = -x^2 + 9$ )  
 ב. מצא את שעריו קודקוד הפרבולה. ( $(0, 9)$ )  
 ג. מצא את התוחם החיובי והשלילי של הפרבולה. ( $x < -3$  או  $x > 3$ )

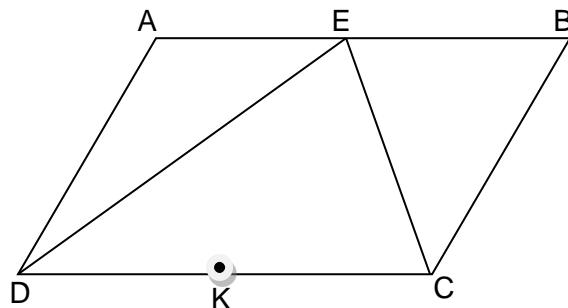
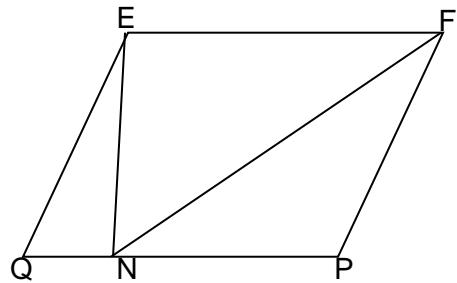


22. במערכת צירים נתון מושולש ישר זווית שניצבי מקבילים לצירים.  
 כמו כן נתון  $C(-8, -4)$ ,  $A(6, 3)$  עובר בראשית ו- $-8 = c = x$ .  
 א. מצא את שעריו הנקודות  $B$  ו- $C$ . ( $B(6, -4)$ ,  $C(-8, -4)$ )  
 ב. מצא את שטח המושולש  $ABC$ . ( $49 \text{ יח}^2$ )



- כמו כן נתון:  $AN = BF$ .  
 הוכח:  
 א.  $\Delta AND \cong \Delta ABF$   
 ב.  $\angle AKN = 90^\circ$   
 ג.  $\Delta AKN \sim \Delta DKE$   
 ד.  $\Delta AKD \sim \Delta EFC$

24. מרובע  $EFPQ$  הוא מקבילית ששטחו  $120 \text{ ס"מ}^2$ .  
 א. סמן את  $EN = X$  ואת  $EF = y$  ומצא את  $X$  ואת  $y$ . ( $y=15$ ,  $X=8$ ).  
 ב. נתון היקף  $EFPQ$  שווה ל-  $50 \text{ ס"מ}$ . חשב את  $QN$ . ( $\text{ת' } 6 \text{ ס"מ}$ ).



25. נתונה מקבילית  $ABCD$ .

$$BC = AE = EB$$

הוכח:

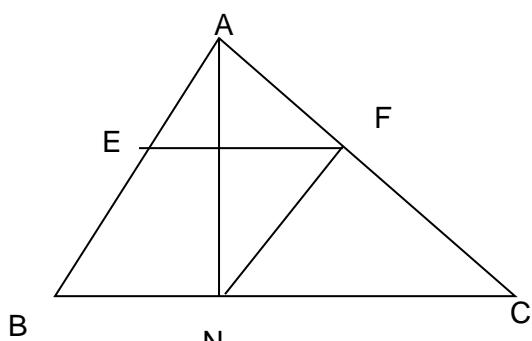
- א.  $DE$  חוצה זוויות  $\triangle ADC$ .  
 ב.  $\angle DEC = 90^\circ$   
 ג. נתון:  $K$  אמצע  $DC$ .  
 הוכחה:  $EK = \frac{1}{2}DC$  בשתי דרכים:  
 1. באמצעות תכונות המקבילית.  
 2. באמצעות תכונות משולש ישר זוויות.

26. במשולש  $ABC$ ,  $AB = AC$ ,  $\angle BAC$  חוצה  $\angle BAC$

$$AF \parallel AB, EF \parallel BC$$

הוכחה:

- א.  $EFNB$  מקבילית.  
 ב. נתון:  $AF = 6$ . חשב את  $EB$ . ( $\text{ת' } 6 \text{ ס"מ}$ ).  
 ג. נתון היקף משולש  $ACB$  הוא  $34 \text{ ס"מ}$ .  
 חשב את היקף המקבילית  $EFNB$ . ( $\text{ת' } 22 \text{ ס"מ}$ )



### דף נוסחאות

$$y = mx + b$$

פונקציה קוינית

$$m = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1}$$

שייפועו של קו ישר העובר בנקודות  $(x_1, y_1)$  ו-  $(x_2, y_2)$

### חוקי חזקות

נוסחאות הכפל המוקוצר

$$a^m a^k = a^{m+k}$$

$$\frac{a^m}{a^k} = a^{m-k} \quad (a \neq 0)$$

$$(a^m)^k = a^{m \cdot k}$$

$$(ab)^m = a^m b^m$$

$$\left(\frac{a}{b}\right)^m = \frac{a^m}{b^m} \quad (b \neq 0)$$

$$a^0 = 1 \quad (a \neq 0)$$

$$a^{-m} = \frac{1}{a^m} \quad (a \neq 0)$$

$$(a+b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$$

$$(a-b)^2 = a^2 - 2ab + b^2$$

$$(a+b)(a-b) = a^2 - b^2$$

פונקציה ריבועית

$$y = ax^2 + bx + c \quad a \neq 0$$

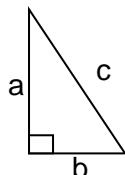
קודקוד הפרבולה

$$x = \frac{-b}{2a}$$

$$a \neq 0 \quad ax^2 + bx + c = 0 \quad \text{משוואת ריבועית}$$

$$x_{1,2} = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$$

נוסחת השורשים



$$a^2 + b^2 = c^2$$

משפט פיתגורס

היקף מעגל:  $r \cdot \pi \cdot 2$

שטח עיגול:  $\pi \cdot r^2$

### רשימת משפטיים בגאומטריה

#### המשפטים

1. זווית צמודות משלימות זו את זו ל-  $180^\circ$ .
2. זווית קדקודיות שוות זו לזו.
3. במשולש, מול זווית שווה מונחות צלעות שוות.

4. במשולש שווה שוקיים, זווית הבסיס שווה זו לו.
5. סכום כל שתי צלעות במשולש גדול מהצלע השלישי.
6. במשולש שווה שוקיים, חוצה זווית הראש, התיכון לבסיס והגובה לבסיס מתלכים.
7. אם במשולש חוצה זווית הוא גובה, אז המשולש הוא שווה שוקיים.
8. אם במשולש חוצה זווית הוא תיכון, אז המשולש הוא שווה שוקיים.
9. אם במשולש גובה הוא תיכון, אז המשולש הוא שווה שוקיים.
10. במשולש (שאינו שווה צלעות), מול הצלע הגדולה יותר מונחת זווית גדולה יותר.
11. במשולש (שאינו שווה זווית), מול הזרוע הגדולה יותר מונחת צלע גדולה יותר.
12. סכום הזוויות של משולש הוא  $180^\circ$ .
13. זווית חיצונית למשולש שווה לסכום שתי הזרועות הפנימיות שאינן צמודות לה.
14. קטע אמצעים במשולש מקביל לצלע השלישי ושווה למחציתה.
15. ישר החוצה צלע אחת במשולש ומקביל לצלע שנייה, חוצה את הצלע השלישי.
16. קטע שקצוטיו על שתי צלעות משולש, מקביל לצלע השלישי ושווה למחציתה הוא קטע אמצעים.
17. משפט חפיפה צ.צ.
18. משפט חפיפה ז.צ.
19. משפט חפיפה צ.צ.
20. משפט חפיפה שתי צלעות והזווית שמול הצלע הגדולה מבין השתיים.
21. האלבוסון הראשי בדלתון חוצה את זווית הראש, חוצה את האלבוסון השני ומאונך לו.
22. שני ישרים נחתכים על ידי ישר שלישי. אם יש זוג זוויות מתאימות שוות, אז שני הישרים מקבילים.
23. שני ישרים נחתכים על ידי ישר שלישי. אם יש זוג זוויות מתחלפות שוות אז שני הישרים מקבילים.
24. שני ישרים נחתכים על ידי ישר שלישי. אם סכום זוג זוויות חד-צדדיות הוא  $180^\circ$  אז שני הישרים מקבילים.
25. אם שני ישרים מקבילים נחתכים על ידי ישר שלישי אז :
  - א. כל שתי זוויות מתאימות שוות זו לו.
  - ב. כל שתי זוויות מתחלפות שוות זו לו.
  - ג. סכום כל זוג זוויות חד-צדדיות הוא  $180^\circ$ .
26. במקביליות כל שתי זוויות נגדירות שוות זו לו.
27. במקביליות כל שתי צלעות נגדירות שוות זו לו.
28. במקביליות האלבוסונים חוצים זה את זה.
29. מרובע שבו כל זוג זוויות נגדירות שוות הוא מקבילית.
30. מרובע שבו כל שתי צלעות מקבילות ושוות הוא מקבילית.
31. מרובע שבו זוג צלעות מקבילות ושוות הוא מקבילית.
32. מרובע שאלבוסוניו חוצים זה את זה הוא מקבילית.
33. במעוין האלבוסונים חוצים את הזוויות.
34. מקבילית שבה אלבוסון הוא חוצה זווית היא מעוין.
35. במעוין האלבוסונים מאונכים זה זהה היא מעוין.
36. מקבילית שבה האלבוסונים מאונכים זה זהה היא מעוין.

- .37. אלכסוני המלון שוויים זה לזה.
- .38. מקבילית שבה האלכסונים שוויים זה לזה היא מלון.
- .39. בטרפז שווה שוקיים הזוויות שליד אותו בסיס שווות זו זו.
- .40. טרפז בו הזוויות שליד אותו בסיס שווות זו זו הוא טרפז שווה שוקיים.
- .41. בטרפז שווה שוקיים האלכסונים שוויים זה לזה.
- .42. טרפז בו האלכסונים שוויים זה לזה הוא טרפז שווה שוקיים.
- .43. קטע האמצעיים בטרפז מקביל לבסיסים ושווה למחצית סכומם.
- .44. בטרפז, ישר החוצה שוק אחד ומקביל לבסיסים, חוצה את השוק השנייה...>.
- .45. משפט פיתגורס : במשולש ישר זווית, סכום ריבועי הניצבים שווה לריבוע היתר.
- .46. במשולש ישר זווית התיכון ליתר שווה למחצית היתר.
- .47. משולש בו התיכון שווה למחצית הצלע אותה הוא חוצה הוא משולש ישר זווית.
- .48. אם במשולש ישר זווית, זווית חדה של  $30^\circ$ , אז הניצב מול זווית זו שווה למחצית היתר.
- .49. אם במשולש ישר זווית ניצב שווה למחצית היתר, אז מול ניצב זה זווית שגודלה  $30^\circ$ .
- .50. משפט דמיון ז.ז.
- .51. במשולשים דומים :
- א. יחס השטחים שווה לריבוע יחס הדמיון.

